

# हिन्दुस्तानी मापविद्या

व

## हिन्दी मेन्सुरेशन

वावू रामनाथ चहोपाध्याय, एम॰ ए॰ की वनाई हुई

THIRD EDITION

इण्डियन प्रेस, प्रयाग, से छपकर प्रकाशित १९०६ ई०

मद भीषकार गतित है।

विभन् ॥)







## हिन्दुस्तानी सापविद्या

#### परिभापा

9—गिएित विद्या—उस विद्या के। कहते हैं जिसमें परि-मार्थी का पर्थात् उन दस्तुमों का जिनका माप है। सकता है पर्यान हो।

२—मापन—गण्डित स्कंध का वह भाग है जिसमें उन निवसें को खोज को जाती है जिनके द्वारा पस्तुचों को स्थान, स्वेत्रकल, विस्तार मेर टूनरे परिसारों को साधारण जाने हुए विशास्त्रत के माप से निकास सकते हैं या चत्रमान कर सकते हैं।

हमारो छड़ी को परहाहों के साथ रखती है युर्ज की उंचां दयों कु करें तो इसके। मागन कहते हैं। सेवाय इसके बहुत सं दराकों में सीधो रीति से माप मसंमय होती है। उन दरामं में मापिया के ज़रिये से माप मसंमय होती है। टप्टांत यहां कि प्यरेप्ट पहाड़ की उंचाई किस तरह द्यां कु हो। सकती। धीर पड़े मुक्त दिनुतान का क्षेत्रफल किस तरह मालूम हे सकता है इस प्रकार की माप दिये हुए साधारण विशालत माप करके करनी चाहिए जैसे बाधार रेखा की लंबाई पीर कुट कोनी का परिमाण।

पूरी किताय मणांवण के सोसने के लिये विद्यार्थी की त्रिकांग मापविद्या स्वार्धित का जानना सबहय है लेकिन यह प्राथमिक पुलक छोटे वर्ष के पालकों के वास्ते बनाई गई है इसलिये रेलागीयत के बार हिस्से पीर थे।खा सा योज गांयत विद्यार्थी के जानना जुकरों है।

३—लस्वाई और क्षेत्रफल के पैमाने— एकाईपरिमाणे दिसो मिविषत परिमाण (जैसे रेसा या श्रेषफल या केंत्र स्वार्थित के कि का केंद्र के कि का केंद्र के परिमाण के साथ जिसके। पैमाना कहते हैं रखता है जैने लंबाई नापने में इम गज़ या द्वार्थ पा फुट या मिटर के पैमाना मानते हैं। लंबाई का पंगरेज़ी पैमाना राजसंबंधी गज़ देतात है जिसकी व्यार्था इस तरह की जाती है कि यह उन रेशानों के बोध के विष्युकों के दर्मियान का पंतर है जो से नोचे के विष्युकों के दर्मियान का वह जज़ा हुया है पीर यह राजा के प्रजान के कमरे में रक्या है थीर राजानंबंधी परिमाणिक गज़ के नाम से प्रसिद्ध है पीर हुई। का मंगे का प्रशास है पीर का वह की साम से प्रसिद्ध है पीर हुई। का मंगे साम साम प्रशास गौर करने के दक्त प्रान्थार प्रमुमान से ६२°

थोड़े दिन हुए कि हिन्दुस्तान को चंगरेज़ी चमलदारों में लंबाई भेत्रफल के माप का पैमाना प्रचलित नहीं था-ध्यालिया साहव तते हैं कि कहीं कहीं दक्षरों में माप का पैमाना कहावत पाधीन है थार जब पवसर प्रभ्यास का प्रान पहता है कचहरी के नाजिर की हुपन होता है कि हाथ या लगी की ाई सही बतायें बीर यह बहुत बासानी से बपना हाथ फैला केटनी से छे।टो संगुली के सिरे तक नाप करके जल्दी बता हैं भार कदाचित यह नाटे हुए ता दे। या चार भंगुलियां की हाई उसर्वे जाह देते हैं वा विहार में प्रायः जमीदार धार तकार में इसका भगड़ा होता था कि किस मनुष्य के हाथ पैमाना का हाथ मान संभा खाहिए इसलिए यह निपट उचित कि कल माप पकड से को जाये इसके निमिच कुछ काररपाई रंभ है। चली है। पकट दे। सम् १८८९ ई० ( पकट लंबाई की पः) के चनुसार यह दुक्त दुधा कि राजसवधी पैमाना गज भंगरेज़ी राज्य में प्रचलित है वही हिन्दुस्ताम की भँगरेज़ी त्य में लंबाई का प्रचलित पैमाना समभा जायवा, हीसरा भाग । गज का फ्रट कहलायेगा, हत्तीसवां भाग इस गज का इस इस्रावेगा ।

क्षेत्रफल का पैमाना—संबाद के पैमाना से बनता है यहां क कि इस इसकी साधारण स्वाच्या इस तरह से करते हैं कि बाद के पैमाने पर पगर वर्ग बनायें तो यह सेम्मक का पैमाना ता है। बदाइरच यह है कि पगर संबाद का पैमाना कुट प्रहरा ता जावे तो यह बग कि सकी एक अग १ फुट है से कफ का पैमाना होगा। के। न का पैमाना इस पुलक में जो इस्नेमल पर दे वह पंगरेज़ी पहांचा (इजी) है जो ९० वो मान पक की है।

णविविक्तपरिमार्गों को चिन्ह से जाहिर करना— भगवा है उससे ज़ाहिर है कि पूर तरह से किसी प्रिविक प्रमाण को जाहिर करने से लिये गुणन के दें होते हैं इसमें एक संब पैमाना है जो विचार किए हुए प्रि के प्रकार है पीर दूसरा संब यह संख्या है जो यह ज़िंदर। है कि उस प्रमान में यह पैमाना के बार त्यामिल है इसलिये एक फुट की लंबाई का पैमाना मान लेखें जो रेखा की ह जिसमें च मरतवा यह पैमाना त्यामिल है यह च मरतवा? चर्यात् च फीट होगी। इस रेखा को कंगल बिन्ह च से ज़ करते हैं ये गुणन खंड रे फुट जुन रहता है इसी तरह सं लेत का क्षेत्रफल किसमें सेवफल के च पैमाने ज्ञानिल हैं च १ रेवगं फीट चर्यात् च वर्म फीट है यो क्षेत्रफल को नि

५—न्नायत का क्षेत्रपाल — कब्पना करो कि जबसर। भाषत दे जिसकी पक सुत ज द में भ×पेमाने यो द्वा सुत्र दस में ब×पेमाने के भेतर गत हैं ग्रक्त १ जब की म परायर भागी में यदि। ते। जु

प्रत्येक माग रुवाई के पैमाना के बरावर होगा चीर व ह के ब बरावर मागे में करने से प्रत्येक माग रुवाई के पैमाने के परावर होगा। इन माग रुवाई के पैमाने के परावर है।गा। इन माग विन्हुं पाँस मायत के मुजों के समानान्तर सरह रेखा काँचें।

ता इन रेखायों से भायत कई वर्ग हो जो में विभाग हो जाता है जिसमें हर एक क्षेत्रफल के पैमाना के बरायर होता है (देखें युक्ती दे) चूंकि भ पांती इन बर्ग क्षेत्रों के हैं थैरर हर पांती में व बर्गाहर के हैं थेरर हर पांती में व बर्गाहर के हैं थेरर हर पांती में व बर्गाहर के हैं की सायत अब सहमें कुल समृद्ध इन बर्गाहरें अं

. निर्माय-दाकल ६ में श्रव चारधरावर हिस्सी में बीर व न चि बरावर हिस्सी में तकुलीम किए गए हैं इसलिये हो श्रकल हावर हैं हो श्रकल के २० पैमानी के या केवल २० के।

ं जय हम यह कहते हैं कि सायत का क्षेत्रफल उसके दे। शासन्न भुजों का शुयनफल होता है ते। उसका सर्थ ऊपर लिये पर विचार के मनुसार सप्तमना चाहिए पीर ये भुजार्य प्रयेक ख्यार्य में ज़ाहिर की जाती हैं जिनसे यह मार्ट्स देशता है कि रंगाई के उतने प्रमान प्रयेक भुज में संतरपान हैं बीर यह याद राता चाहिए कि गुयनफल को संस्था में लंगई का प्रमाना नहीं है किन्तु पेसाना बर्ग या पेसाना को नफल है।

जब इस यह कहते हैं कि किसी सावत का से ब्यास बसके दें। सामस शुक्कों का गुरुवाल होता है ते। इसारा सनहरू यह नहीं है कि यह गुद्धा संबन्धीयन का है बील राष्ट्र गुद्धा के सील-साव की फीता हैते हैं। सर्घीत यह सर्विवक स्माद के। हुस्सरे है कि दम प्रमान में यह पैमाना के बार जा यक पट को संवाई दा पैयाना मान संपे जिसमें च मानवा चंद पैमाना शामिल है चर्चान् च कीट है।गी। इस रेना की क्य करते हैं ये गुरान मंद्र १ फुट छुत रहता रोत का क्षेत्रफल जिसमें शंत्रफल के यार् च < १ वर्ग कोट सर्थान् च वर्ग कीट दे ये ष्र से जाहिर करते हैं। ५-यायत का क्षेत्रफल-फल्पना भाषत दै जिल ही एक भुज घर में भ मुझ र ह में य× पैमाने के चंतर गत हैं च व की च बराबर भागों में बाँडा ती हैं प्रत्येक भाग लंबाई के पैमाना के बराबर द्देश्या चीर दस केंद्र व बराबर भागें में

--- ७ वसन ५७ धड प्रमाना है जा पिर के प्रकार है थे।र दूसरा संद यह संस्था है

करने से प्रत्येक माग लंबाई के पैमाने के बराबर हे।गा। इन माग दिन्दु घो न पायत के मुझे के समानान्तर सरह रेखा खींचा व ता इन रेखाओं से चायत कई वर्ग क्षेत्रों में

जिसमें हर एक क्षेत्रफल के पैमाना के बरा। युकी ३) चुंकि च पांतो इन दर्ग क्षेत्री में व बर्गक्षेत्र हैं ते। सायत अयस द में कल का याने क्षेत्रफल के पेमाने! की व यार

निर्माय—शकल १ में श्रव चारवरावर दिस्ती में थेर व म च बरावर दिस्ती में तकुसीम किए गए हैं इसलिये ही अफल रावर हैं हो प्रस्तुत के २० पैमानी के या केवल २० के ।

जब हम यह बाहते हैं कि बायत का क्षेत्रपाल उसके दे। साम भुजें का गुणनपाल होता है ते। उसका पर्ध कार लिये य विचार के जनुसार कामकृत खाहिय पीर ये भुकार मार्थक (त्यापों से ज़ाहिर की जाती हैं जिनसे यह सात्रुम होता है कि ।याई के उसने पैमाने प्रायंक भुक्त में संतर्भाई कारियाना नहीं कान चाहिय कि गुणनपाल की संत्या मिलंबाई कारियाना नहीं े किन्तु पिमाना क्षां या प्रमाना को क्षाल है।

विद्यार्थी के यह बाली नहीं कामता बाहिए कि संकारिक र र किसी चित्रांचा संज्या के। कुमरे कार्यायन शरपा से प्राचा तरना संत्राय है—विष्यापस्ट संक्याओं के। चापक से गुणा कर बात हैं जैरि ५ का बैशुना २० होता है या किसी वार्यायन तंज्या के किसी विष्यापस्ट संज्या से गुणा कर सकते हैं जैरे ४ ज़ीट का पांचगुना ६० ज़ीट होता है संक्रित चार्या के किसी चित्रा विका संत्र्या था विष्यापस्ट संक्ष्या के। किसी चार्यावत सक्या सि गुणा नहीं कर सकते जैरि का अप की वृत्याया ५ ज़ीट का ४ ज़ीट गुणा हम नहीं कह सकते चित्र आप के विक्रित चार हो कि पन चार्यायन से साम की कार सकते चित्र आप के विक्रित चार हो कि पन चार्यायन से ही आप कर सकते हैं कि २० ज़ीट में ४ ज़ीट के बार स्वामत है तीन चन कर विक्रा होते करा की किसी चार्या के

कर इस यह बहते हैं कि विशो चायत का से बचल बसके हैं। चाराम भुक्ते का गुणनवाल होता है ते। इसारा सतहब यह वहीं है कि यह गुणा कर गील का है बीज राल गुणा ने चीत-मार का फीता हैते हैं। चारीतु यह करिवेट समाच की हसारे ( 3 )

चरिषिक प्रमाण से गुणा करना उस दशा में कहते हैं जब परिमाणें की भाप संख्या की चंकगणित के चनुसार गुजा से किसी ग्रीर ग्रविविक संख्या की ग्राप संख्या लाम 🔭 इस चंत के चविविक्त संख्या की निर्णय पहिले प्रमाणि की से किया जाता है जैसे घन फ़ुट का विश्वय वर्ग फ़ुट मा रूप फ़ुट के भपेक्षा से किया जाता है।

#### रेखारूप माप

पेा

ŧ

६९ र माल

TEN 59.00

१०० कडी **じゃそ 1**37 ६६ फोट २२ गज

****		• •
१२ ४ छ	=	१ फुट
३ फ़ीट	=	१ गज्
<b>৭</b> ই বজ	=	१ रोड या पे
४० पाल या २२० गज्	=	१ फ़रलांग
८ फरस्रांगया १७६० गङ् या ५२८० फोट	· }=	१ मील
र हाथ	=	१८ रञ्च या १
१ परम	==	६ फीट
१ केंबुल की लंबाई	=	१२० परग
१ लीग (१३ कोस)	=	३ मोल
१ गिरह (नीका संबंधी) या १ मील ( भूगाल का )	l_	६०८० फीट
१ भंश (विषुव रेस्नान्तर	)}=	६० गिरह या ६९ <sub>९</sub> ० मील

र कडी

र जरोब

### · चर्म या घरातल माप

१ वर्ग फुट १४४ वर्ग इञ्च १ वर्ग गज ९ वर्ग फीट १ वर्गराडयावर्ग पाल ६०३ वर्ग गज्

१ राड ४० पाल =

१ मकाङ ४ रोड =

र्बर्गमील ६४० एकड् १० वर्ग जरीव मार १ यकड =

४८४० वर्ग गज = एक राख वर्ग कड़ी =

चिविवक्त प्रमाख से गुवा करना उस दशा में कहते हैं जब परिमाणे की माप संख्या की चंकगणित के पनुसार गुण से किसी भार प्रविधिक संख्या की माप संख्या लाम ही-इस भंत के मधिधिक संख्या को निर्णय पहिले प्रमाण की से किया जाता है जैसे धन फुट का निर्णय वर्ग फुट पीर कप फ़ुट के चपेक्षा से किया जाता है।

## रेखारूप माप

	614 4	114
१२ इञ्च		
३ फ़ीट	=	१ फुट
भरे गज	==	१ गज
४० पाल या २२० गञ	=	र रे।ड या पै
८ फरलांग रूर १७००	=	रै फुरलांग
या १९८० फ्राप्ट	गजु }=	र मील
र हाथ	′_	
रै परग	_	<b>१८ ।</b> श्च या १
र केंद्रल की लंबाई	==	६ फ़ीट
र लीग (१३ कोस)	200	<b>१२० पर</b> ग
र गिरह (नीका संबंधी	)))	रै मोल
र मोल ( भूगोल का	) =	<b>६०८० फोट</b>
१ भंश (विषुव रेखान्तर	)} =	६० गिरह या

र कड़ी

र जरो≃

६० गिरह या १९गो मोल

७-९२ ४३

\$00 mg]. ७९२ इस इह फोट २२ गज

### वर्ग या घरातल माप

१ वर्ग फुट १४४ वर्ग इञ्च ९ वर्ग फोट १ वर्ग गज = 🛚 वर्गराडयावर्ग पाल ६०३ वर्ग गञ्

१ राइ ४० पाल १ मकड ५ रोइ

र वर्ग मील ,४० दकड़ = १० वर्ग जरीय ग्रेट १ एकड \_

४८४० बर्ग गज यक लाख वर्ग कड़ी =

( ६

चिविका प्रभाग से गुणा करना उस दशा में कहते हैं जब वि परिमाणी की माप संस्था की चंकगणित के चनुसार गुणा से किसी चार चांवविका संस्था की माप संस्था लाम हो— इस चंत के चिविका संस्था की निर्णय पहिसे प्रमाणी की से किया जाता हैं जैसे यन फुट का निर्णय वर्ष गुट पीरर्र कप फुट के चंपेशा से किया जाता है।

#### रेखारूप माप

		MIY
१२ इञ	_	
३ फीट	=	१ फ्रट
५३ गज	==	रै गज
	=	१ राड या पाल
४० पाल या २२० ह	জ =	
८ फरलांगया १७६	0 87.9r 1	<b>१</b> फ़रलांग
या ५२८० फ़ीट	~ }=	र मोल
र हाय	′_	
१ परग	~	१८ इञ्च या १२
र केंबुल को लंबाई	=	६फ़ीट
	~	<b>१२० यस्य</b>
रै लीग (१३ के।स	) =	
र गिरह (नौका संब	धी) )	रै मील
at.	-1/1-	
रै मौल ( भूगाल व	ar) [	<b>इ०८० क्षीट</b>
१ मंश (विषुव रेखान	तर) 😓	६० गिरह या
	7)	<b>१९</b> पर मोल
	=	10-65 AT
	=	\$00 mg].
	=	७९२ इझ
	=	EE 11-1-

२२ गज

#### वर्ग या घरातल माप

१४४ वर्ग इञ्च १ वर्ग फुट • बर्ग फ्रोट इ०३ बर्ग गज्ञ १ धर्ग गज १ वर्गरोह या वर्ग पाल ४० पाल १राइ ४ रोड १ मकड १ वर्ग मील ६४० एकउ = मार १ एकड १० वर्ग जरीय

४८४० वर्ग गञ् = =

यक लाख वर्ग कड़ी

## पहिला भाग

-11201-

[ इस विमान में मापनिकाके उन्हों निवधी का वर्णन है है कि रेका गरिवन के पहिले के संग्डों से साथे जा सकते हैं ]

#### पहिला प्रकरण आयत

६-प्रायत के यदि भुज दिए हों तो उसके चेत्रफ

निकालने की रीति

यद युक्ति ५ में सिद्ध की गई है कि प्रायत घर स है है पासम मुत्ती की लंबाई का प्राय कम से यदि घ धीर य है। है रोज पाल का माप च धीर व के गुयानफल के प्रायद दोता है इसलिय होजफल पर सन्न च य होजफल के प्रमाने च य

इसालय हात्रफल चरसा = च य हात्रफल क प्रमान = च य । नियम १ — घायत का हो त्रफल = उसके भुतों की लंबा के ग्रुचनफल।

उदाहर्सा १ —मान है। कि च = ४९ फ़ीट ६ इड चै। च=२५ फ़ीट ते। चायत का क्षेत्रफल = ४९ ५ × २५ = १२३७ ५ वर्ग फ़ीट।

उदाहरसार — पक चायताकार कमरे की संवार्द २५ फीट इ इझ पैनर चीज़ाई १३ फीट ६ इझ है तेंग उसके गच में यग फीट की संस्था क्या होगी ॥

२५'२५ x १३'५ = ३४०'८७५ वर्ग फ़ीट ॥

उदाहरता ३—पक सेत की लंबाई ५० जरीब ६२ कड़ी गर चाहाई २३ जरीब १४ कड़ी है ते। बतायों कि उसका जान की पकड़ २५ र० के दिसाब से बितना देग्या।

५०. ६२ × २३.१४ = ११७१. ३४६८ जरीब

= ११७ १३४६८ एकड्

लगान = २५ र० × ११७.१३४६८ = २९२८ ३६७ = २९२८ र० ५ चा० १०.४६४ पाई

नियम २—पायन के क्षेत्रपात के उसकी लंबाई ने भाग देने पर लिप्प धाकाई हाती है फीट क्षेत्रपात में धाकाई ने भाग देने पर लिप्प लंबाई दाती हैं—

उदाहरागु २ -- यक सायताबारशे वकाशे वपाल २० यक क ५ वर्ग जरोब क्षेत्र ४६३ वर्ग कटो बीर यक भुज ८६५ वज़ी है तो इसरो भज निकाल।

ता दूसरा मुजानगरा। २० पसङ् ५ जरोब ४२१ वड़ी = २०५४२५ यवड़ = २०५४२५० वर्गगरहो।

चिर प्राप्त = इष्टर्व कड़ी = इप्र जरीय एवं बड़ी

७--- घरोपीय जा क्षेत्रफल - वर्गशेव वह वायत है जिसकी भुवारे चायक में बरावर हेकी है इसलिय बार उसकी यक भुत्र की संबाद दो हुई है। ते। शेवपल सोम निवल सकता है और कि यदि उसके यक भुत्र की संबाद स्व है की शेवपल स्व स×स-सा

नियस १--वर्ग का वरे वयाल : यबभुक्त यह के वर्ग के उदाहरसा १--वक व सन्त १५ कोट वर्ग है का बसन्त हो ब

पश किमने को गल देशा ।

रेन्वपारः । १५ ० १५ वरा पृतिहरू ६२५वर्ग पृतिहरू ६५ हर्गान्छ

#### lud

६-प्रायत के यदि भुज दिए हों तो उसके चेत्रफल

निकालने की रीति

यद युक्ति ५ में सिद्ध की गई दै कि भाषत भ व तर के दी चासन भुते। की लंबाई का माप क्रम से यदि च धीर व दी ती

क्षेत्र पाल का माप च चीर व के गुजनपाल के बराबर होता है। इसलिये दोत्रफल भव सर= च च क्षेत्रफल के पैमाने= च च । .

नियम १-चायत का दो प्रफल=उसके भुती की लंबाई

के गुजारफल ।

उदाहररा १ -- मान ले। कि घ = ४९ फ़ीट ६ इश्च धीर य= २५ फोट ते। चायत का श्रीयफल = ४९ ५ × २५ = १२३७'५ वर्ग फीट।

उदाहररा। २ -- एक भाषताकार कमरे की लंबाई २५ फीट व इस पीर की हाई १३ फीट ६ इस है ता उसके गय में धर्ग फीट की संस्या क्या होगी है २५'२५ × १३'५ = ३४०'८७५ धर्म फीट ॥

उदाहरमा २ —एक खेत की छंबाई ५० जरीब ६२ कड़ी गर चेड़ाई २३ जरीब १४ कड़ी है ते। चताची कि उसका ज्ञान की एकड़ २५ र० के हिसाब से कितना द्वामा।

५०. ६२ x २३.१४= ११७१. ३४६८ जरीब

= ११७.१३४६८ एकड्

स्तात = २५ ६० × ११७.१३४६८ = २९२८ ३६७ = २९२८ रु० ५ सा० १०.४६४ पाई

नियम २ — पायत के क्षेत्रफल का उसकी लंगाई से भाग ने पर रुष्यि चैत्राई होती है चैार शेत्रफल में बीड़ाई से माग ने पर रुष्यि लंगाई होती है —

उदाहर्गा ९ -- यक प्रायताकारशे वका शेवपळ २० यक व । यमें जरीय से।र ४२३ वर्ग कड़ी सीर यक शुज ८२५ कड़ी है। ।। दूसरी शुज निकाले।।

२० एकड् ५ जरीव ४२६ छड़ी = २०'५४२५ एकड् = १०५४२५० वर्गदही।

पार रे०५४६५० = ३४९० कड़ी = ३४ जरीय ९० कडी

% — प्रशिचित्र का क्षेत्रफल — वगरित्र वद वायत है जिसकी भुजार्थ चायल में बरावर हेल्ली हैं इसलिये बगर उसकी यक भुज की लंबाई दो हुई है। तो शेत्रपाल सोग्र निकल सकता है जिस कि यदि उसके यक भुज को लंबाई च है से शेत्रपाल = च×च=चैं।

नियम ३--धर्ग का हो त्रकल = वक्तमुत यह के बर्ग के

उदाहरमा १ —यद कमरा १५ फ़ोट वर्ग है ते। उसदा शेंच ए.स कितने वर्ग गड़ होगा।

क्षेत्रपाठ = १५ × १५ बर्ग फ़ीट = २२५ बर्ग फ़ीट = २५ बर्ग मह

पहिला अभ्यास <-- उस यायत का क्षेत्रफल बताचो जा ६५ गज़ e २५ गज चाडा है। २-- एक मेज बायताकार है जिसकी लंबाई १२ फीट पार चीड़ाई ५ फोट ३ इच है ता बताबी कि उसका वगफोट चार 🖼 है। ३ - एक वर्ग का एक मुज ३६ इझ है उसका श्रे फीट में बतायो। ४-मिस् के बड़े स्ट्यायसंस्तम्म का चाधार (मीय) कार है जिसका एक मुझ ७६४ फोट है ता बतायों कि एकड़, रोड चीर पाल उससे बिरे हुए हैं। ५-- एक वर्ग का भुत १० जरीब ४८ कड़ी है ते। उसका फल् निकाला । घायत को लंबाई ३४ जरोब ५६ कड़ी ग्रीर बी ६४ कड़ी है तो क्षेत्रफल क्या होगा।' पायताकार मैदान को बोड़ाई ३२ जरीय ४५ ४५ जरोब २८ कड़ों है ता उसका क्षेत्रफ

८—एक याग् एक यर्ग के समान १० एकड़ में है तो उसकी

९—एक चायताकार क्षेत्र का क्षेत्रफल १९ एकड़ है भीर को लग्नार १४९६ गज है तो उसकी चीडाई क्या है।

को सम्बाह रहर६ गज है तो उसका चाड़ाई क्या है। १०—तोन वर्गी के भुज बाम से ११२, ३८४ बीर ९६० गज हैं सोनो वर्गी के बरावर जा वर्ग है। उसका भुज निकारी।

ताना बंगा के परावर जा बंग हा उसका मुज निकार। : ११-पक केरियों १७ फीट बर्ग है तो उसके फर्टा में कितने

१ इन्हें।

, १२—५ कीट वर्ग चीर ५ वर्ग कीट में क्या चंतर हैं। १३— उस करों की क्या छंताई है जिसकी बीड़ाई २५ कीट र क्षेत्रफल उस कुटों के यरावर है जिसका क्षेत्रफल ३६। ट वर्ग है।

१४—पक मेज १२६ दक्ष चौड़ी ६) वर्ग फ़ीट घंतरगत करती उसकी लंबाई क्या है।

१५ - पह वर्गकार मेज का क्षेत्रफल थ्या है जिसकी मुज

फांट ६ इझ है। १६—पक शतरंज की विसात एक पृष्ट वर्ष है ते। उसके

र्धेक ज़ाने का क्या क्षेत्रफल होगा। १९---यक वर्ग का भुक्ष १६ गज़ है बीर यक चायत ३५ कीट

्विक्ता के बाद के बाद के किया है के उनके क्षेत्रकारों में भेतर बतायों। १८—एक तलूता ५१ हक्ष चीड़ा है उसकी कितनी संबाई भेजाप कि सेन फल १ वर्ष फुट है।

श जाय कि क्षत्र फल र वर्ग सुद है। । १९ — पक सायताकार केत का क्षेत्रफल (रक्त्या) ७ एकड़् १ रोड १० रोल टे यदि एक सुज दूसरे सुज का दूसा है। तो उस-है मुजी की पतायी।

. चुना का पाताना दिल्लामानुका पकतरता ४० इञ्च संघा धीर २५१ इञ्च चीडा हैता पताधी कि उसका पक रीस (२० दस्ता) कितने यगै पनुदक्त सेगा∤



हिनिकासे । ९--- एक चायताकार क्षेत्र का क्षेत्रफल १९ एकड़ है मीर को लम्बाई १४९६ गज़ है ते। उसको चीड़ाई क्या है ।

१०-तोन वर्गी के भुज कम से ११२, ३८४ कीर ९६० गज है ताना थरों के परावर जा वर्ग हा उसका भूज निकाला ।

११--- यक कें।ठरी १७ फ़ोट बर्ग है ता उसके फ़र्झ में कितने

रश्च हैं। १२-५ कीट वर्ग बीर ५ वर्ग कीट में क्या बंतर है।

१३-उस पूर्व की पया लंबाई है जिसकी चौड़ाई ६४ फीट ट क्षेत्रफल उस फर्ज के बराबर है जिसका क्षेत्रफल ३६

ट चर्ग है। १४-एक मेज १२३ इश्च की हो ६३ वर्ग फीट चेतरगत करती उसको लंबाई क्या ई।

१५-एक पर्गाकार मेज का क्षेत्रफल थ्या है जिसकी भुज

फोट ६ इस है। १६—पक दातरंज की विसात यक फुट वर्ग है ते। उसके

धेक दाने का क्या क्षेत्रफल है।गा। १७--- एक बर्ग का भुज १६ गज़ है बीर एक चायत ३५ फीट

या पार ३३ फीट बीडा दें ता उनके क्षेत्रफले! में चंतर बताची।

१८-एक तलुता ५३ इस चीड़ा है उसकी कितनी लंबाई ी जाय कि क्षेत्र फल १ वर्ग फ़ुट दें।।

१९-- पन पायताकार केत का श्री अफल (रवादा) ७ एकड । रेडि १० पेल है यदि एक भुजदूसरे भुज का दूना है। ता उस-

हे भुजी का बताको। २०--कागुज् का यकतरता ४० इश्च रहेवा चार २७३ इञ्च खोड्डा

ति। यत। यो कि उसका एक रीम (२० इस्ता) कितते दर्ग ाज दक हेगा।

उदाहराग २ — एक खेत की छंगाई चीड़ाई से दुनी हैं। छगान फी एकड़ २ रु० ८ ग्राना के दिसाय से २४ रु० ८ व है तो खेत का विस्तार बतायो।

क्षेत्रफल=  $\frac{28^{\frac{1}{6}}}{22}$ पकड़ =  $\frac{89}{6}$  एकड़ = ९४ एकड़।

कल्पना करे। कि चैड़ाई च गज़ है ते। लंबाई =२ प चौर च×२ च वर्ग गज़=९८ एकड़ =९८ x ४८४० वर्गगत

चीर च×२ च यते गज्ञ=९८ एकड् =९८४ ४८४० यत्तत् ∴२ च³=९८४ ४८४० या च³=४९४ ४८४ प्रथवा <sup>1</sup> ७×२२

∴ चीड़ाई १<u>५४ गज़</u> हे चीर लंबाई ३०८ गज

## पहिला अभ्यास

रे—उस चायत का क्षेत्रफल बताची जा ६५ गज लंबी

२५ गज चाहा है : २—एक मेज चायताकार है जिसकी छंबाई १२ फीट है। चार चीडाई ५ फीट ३ ह्या है ता बतायों कि उसका क्षेत्रफर

वर्गकीट कीर इश्च है। ३-पक वर्ग का एक भुज ३६ इश्च है उसका क्षेत्रफर

फ़ीट में बताची। ध-मिस् के बड़े सुस्पामसंस्ताम का घाषार (नीप) व कार है जिसका एक अुत्र ७३४ फ़ीट है तो बताची कि कि एकड़, रोड धीर वील उससे पिरे दूर हैं।

५—यक वर्ग का मुत १० जरीव ४८ कड़ी है ते। उसका शें एल निकाले।

६—एक प्रायत को लंबाई देश अरोव ५६ कड़ो धीर चीड़ २२ अरोव ६४ कड़ो है तो हो उपल क्या होगा।

१५ जार वायताकार मैदान को बोहाई ३२ जरीव ४५ को धेम एकंको ४५ जरीव २८ कड़ों ई ती उसका क्षेत्रफल एह तीर प्रकड़ के दशमस्त्र मृज्युची । ८--- एक बाग एक बग के समान १० एकड़ में है ते। इसकी हिं निकासे ।

९-- एक चायताकार क्षेत्र का क्षेत्रफल १९ एकड़ है चीर को लम्बाई १४९६ गज़ है ते। उसको चोड़ाई क्या है।

१०-तीन वर्गी के भूज कम से ११२, ३८४ धीर ९६० गज़ हैं तोनां धर्मी के परावर जा वर्ग है। उसका भुज निकाला ।

११-- पक कोटरी १७ फीट बर्ग है तो उसके फर्स में कितने

[新夏] १२-५ फीट वर्ग भीर ५ वर्ग फीट में क्या भंतर है।

१३-उस पूर्व की क्या लंबाई है जिसकी चीड़ाई ५४ फीट र क्षेत्रफल उस फर्शके बराबर है जिसका क्षेत्रफल ३६ ट वर्ग है।

१४-एक मेज १२३ इश्र घीडी ६३ वर्ग फीट धेसरगत करती उसको लंबाई क्या है।

१५--एक वर्गाकार मेज का क्षेत्रपाल क्या है जिसकी भुज

फांट ६ इस है। १६—यक दातरंज को विसात एक फुट वर्ग्य ते। उसके

थैक साने का क्या क्षेत्रफल देशना ! १७-- यक बर्ग का मुज १६ गज़ है थीर एक चायत १५ फीट

या पार ६३ फीट चीड़ा दें ता उनके क्षेत्रफले में चंतर बताची।

१८-यक तपुता ५३ ४श चीड़ा है उसकी वितनी संबाई ी जाय कि क्षेत्र फल १ वर्ग फ़ट दे।।

१९-पद पायताकार केत का क्षेत्रफल (रक्षा) ७ एकड रीड १० पाल है यदि यक मुज हसरे मुज का हुना है। ती उस-

भुत्रो का बताची। ६०-- कागुज का पकतरता ४० १३ लंबा धीर २७३ १३ चीहा

ता यताची कि उसका एक रीम (२० दश्ना) कितने वर्ग क्र वक्ष सेगा।

२१—एक धास का मैदान २१६ फ़ीट लंबा धार १९६९ चोडा है चीर उसमें फूछों की १० वर्ग फ्यारियां हैं जि प्रत्येक मुज ९ फ़ोट है ता बताओं कितने बर्गगड़ घास है।

२२—एक बायताकार घर्ती में से जो ३८५ गज चैड़ कितनी छंबाई काटली जाय कि काटे हुए हिस्से का क्षेत्र ७ एकड़ हो।

२३—पक लेत दस लाख बर्गी में विभाजित हो सकता यदि प्रत्येक वर्ग का मुज पक हाथ हो तो संपूर्ण पेत क्षेत्रफल निकालो ।

२४—एक रेल का यनिजन है। इस से दिल्ली तक जाने में कि ९५४ मोल के चंतर में है कितनी एकड़ ज़मीन पर से ज अब कि दे। पटरियों में चंतर ५ फीट ६ इन्न का है।

२५—स्यारसेन्ट्रल कालेज का सेनेट शंख (कप्रता) ८२ कृ लंगा पार २६ कीट खोड़ा है तो बतायो कि उस हाल में के पर देने वालों को परोक्षाहे सकती है चगर प्रत्येक मेज़ पार का २० वर्ग कीट दिया जाये।

## व्योहारिक रीति

८—जब कि आयताबार क्षेत्र का विस्तार कहियों में रिया हो तो -स्त्र क्षेत्रक वर्ग कहियों में विकालता है यहि उस संस्था की 9 लाख ते हैं समया उस संस्था के स्त्र के ५ स्त्री की बाट हैं तो अधिशोध संस्था कि बाम मान में रह जायती वह शेतरून की संस्था एकट में होंगी सीर रामका मित्र एक्ट होगी। स्तिम संस्था को अन्त को सुणा की तो सं-निम्न तोड होगी सीर दरमक्षत्र वाले माग को ४० से सुणा की तो सं-राग्यक्त

उदाहररा १ — पूजे करे। कि एक पायत को सुजाएं ३४! करीब धार ४२ करीब ५० कड़ी हैं ता हो बफल क्या होगा। 380 जरोब = 38000 बड़ी ४२ जरोब ५० बड़ी = 8२५० बड़ी ३8000 x 8२५० = १४७४७५००० वर्ग बड़ी = १४७४, ७५ एकड

= १४७४ एकड ३ रोड

उदाहरगा २ —मानटा कि एक पायत के मुज ८ जरीय ४८ इने येन ३ जरीय ६५ कड़ी हैं तेन क्षेत्रफल निकालेन । ८४८× ३६५ = ३०९५२० वर्ष कड़ी

ाहिने तरफ से ५ घंका का काट देने से 3.0९५२ एकड ग्राप्त टाला है

० . ३८०८ राड

१५. २३२० पाल ( पर्च )

इस लिये शे त्रफल = 3 एकड ० राड १५ पोल

E—ह्यादशमलय या चिकीपागुगुन—एक रोति है जिस को मकान बनाने पाछे थीर बहुई थीर दूसरे कारीगर चयने काम के सममने में मयेगा करते हैं। नीचे के सुयोपन के जिसमें रेखाकार भीर भारतल कुठ सहारांच की रोति से प्रतिमान किए गए हैं चलीपा गुण्य का कमें सममा जा सकता है।

१ फुट (रेखाकार वा धरातङ) = १२ प्रथम

१ मधम (१') = १२ द्वितीय १ द्वितीय (१') = १२ द्वितीय

१ त्रितीय (१") = १२ चतुर्थ

धार इसी तरह से

उदाहरमा १ —११ फ़ीट ५३ दश की बादरामटय के रीति से किया 1

११ फ़ोट ५३ १ च = ११ फ़ोट ५ ५

उदाहरसा २ —४५ वर्ग फोट ४१ वर्ग बद्ध के। ब्राहरामन रोति में खाची । ४५ वर्ग फोट ४१ वर्ग बद्ध = ४५२४४ वर्ग फोट

 $= (86 + 41)^{1/2} + 46 + 100 = (86 + 41)^{1/2} + 46 + 100 = (86 + 41)^{1/2} + 46 + 100 = (86 + 41)^{1/2} + 100 = (86 + 41)^{$ 

= (४५+ र्रंड+ र्रंड) वर्ग = ४५ वर्ग फोट ३' ५"

उदाहरमा ३-५२५ वर्ग फ़ोट ५'७"६" की वर्गमज़ तर

में लाघो। ५२५ वर वर्गकोट।

५२५ वर्गफोट ५′ ७″ ६‴=(५२५+<sub>र\*र</sub>+<sub>र</sub>१०+१५ कार्ग होट । =५८ वर्गगत ३ वर्गफोट १७१<u>र्</u>ग

#### दूसरा अभ्यास

हादशमलय के रूप में लाघी-

(१) ४ फुट ७६ इझ (२) ७ फीट २१ इझ (३) ५ फीट १३१६ यम इझ (४) ९ वर्ग फोट ३२१ यम इझ (५) बर्ग गज़ २ वर्ग फोट १ ९३ वर्ग फाट १३२६ यम इझ (७) बर्ग गज़ ५ यम फीट ११३६ वर्ग इझ

गज़ न बग फ़ाट रर इस बग रश्च। फ़ीट मार रश्च के रूप में लाचो---

(८) ७ फ़ीट ८'३" (९) ५ वर्ग फ़ीट ४'५" ६" (१) फीट ५'६" ०"

१ • – हादशमलव का गुरान

) फ़ोट × ( रेखाकार ) फ़ोट = ( घरातल ) क ) प्रथम = ( रेखाकार ) फ़ोट = ( घरातल ) प्रश्

(रेबकार) फोट × (रेबाकार) मधम = (धरातल) प्रश् (रेबाकार) मधम = (धरातल) प्रश् (रेबाकार) मधम = (घरातल) द्वितं तकार) द्वितीय×(रैस्नाकार) प्रथम =(घरातल) त्रितीय गकार) प्रथम 🗷 (रेखाकार) हितीय = (धरातल) प्रितीय गकार) द्वितीय×(रेखाकार) द्वितीय = (घरातल) चतर्थ इस्यादि द्रयादि

उदाहरगा १---५फोट७६ञ्च के ६फोट८६ञ्च से गुणा करी॥

पहिले ६ फ़ौट के १ फ़ौट से गुखा करते यद ध्यान में रखकर कि १२'= १' थे। १२'= १ कट प्रीर ६ कट x ७'=४२' = ३ वर्ग फीट -सय हम द' से गुखा करते हैं। यह याद रख के कि १'× १'= १" (धरातल) भार ८'×

= ५६" = ४' ८" सार ५ कोट × ८" = ४०' = ३ ਣ ੪'

#### या ३७ वर्गफोट ३२ वर्गहल

#### तीसरा अभ्यास

मीचे दिए हुए भुजों के चायतें का शेवफल हादशांश की ति से निकाली।

(१) ३ फ़ीट ६ इस धीर २ फ़ीट ३ इस (२) ४ फ़ीट ५ इस ार ३ कीट ७ इझ (३) ५ कीट ३ ४ विंहर ९ कीट २ १ (४) प्तीट अ' १०" धार ३ गज़ २ फ्रीट (५) २० फ्रीट ४' ८" धार अ ीट ६′ ४″

१ १-पामरों में दरी विद्याना - यह बावताबार बमरे में दि दरी बिहाई जार्प ता दरी का शेषफल कमरे के गच के चदरय ज्य होगा इसल्ये दर्श को लंबाई मालूम करने के लिये हम सारे की संवाई धीर चीवाई की बापस में गुटा बरते हैं दीर गुटने धार भाग

े को चीहाई

की एक राशि भवदय कर लेगी चाहिए याने सब के मा कीट या इञ्च कर हेना चाहिए।

नियम—दरीको लंबाई = कमरेको लंबाई × कमरे दर्शको लेबाई = उदाहरण--एक कमरे की लंबाई १२ फीट ६ १ई

बौहाई ७ फोट ६ ४ अ है बढ़ि उसमें ३० इश बीड़ी दरी जापे ते। उसको लंबाई फ्या हे।गो।

दरी को लंबाई= १२६×७६=३७६ फोट

९२-किसी कमरे के दिवालों को कागज से <sup>महुन</sup>

किसी चायताकार कमरे के दियाली का से अफल के लिये हम चारी दिवालें का फैली हुई सममते हैं वारे समभते हैं कि चारी दिवालें पास पास खड़ी हैं ता वह होता है कि चारों दियालें भिलकर एक भागत यह जाती यार इस मायत की लम्बाई। दूने (कमरे की लम्बाई + कमरे चौड़ाई) ग्रीर चीड़ाई=कमरे की उंचाई।

नीचे छिखे द्वप चक्र से ऊपर की यांक प्रकाशित है।

उंचाई	पहिली दिवाल	दूसरी दियाल	वीसरी दिचाल	चैाथी दिघाल	<del>કવા</del> ાં
-,^	लगाई	वाडार	लम्बाई	Arrest.	:

9--दिवालों का चेत्रफल= २ × (लम्बाई

)× उंचाई=गच के परिमित × कमरे की उंचाई। \_परिमिति=सीमा के रेखाओं के सम्बाई के।

िटिप्पानि—कागृज् मट्ने के छिये दिवाटों का क्षेत्रफल निकालने में द्वार धीर खिड़कियों, चंगेडियों इत्यादि का क्षेत्रफल घटा देना चाटिए।

नियम २-कागज की लंबाई = दिवाली का क्षेत्रफल

उदाहरसा १ - एक कमरे की दिवाशों का शें प्रफल निकाश जिसकी वर्षाई १६ फीट ६ इंडा चीर चीड़ाई १२ फीट ६ इंडा ची देवाई १६ फीट है।

परिमिति=२× ( लंबाई + खीड़ाई ) =२ (१६१+१२२)

= ५८ कीट

उंचाई = १४ फ़ीट

दिवाल का से त्रफल= ५८× १४ फ़ीट

दिवाल का झ अपाल = ५८ × १४ फाट = <u>८१२ वर्ग फीट</u>

उदाहराग् २--पिटले उदाहरण में यदि कमरे में दो दर-पाज़े हैं जिनको लंबाई ७ फ़ीट धीर खीड़ाई ७ फ़ीट है धीर दे। विक्रियों हैं जिनको लंबाई ६ फ़ीट धीर खीड़ाई ३ फ़ीट है। यदि काग़ज़ की चीड़ाई २ फ़ीट ६३आ दे। दे। बितने गज़ काग़ज़ को सापद्यकता दोगी।

हारों का स्वेत्रपाल - २ × ७ × ४= ५६ वर्ग वृतिह ।

बिक्किमों का क्षेत्रफळ≈२४६४ इ≔३६ वर्ग पृतेट। मायदयक कागृज् का क्षेत्रफळ चट१२च(५६+३६)=७२० पर्ग पृतेट।

कागृज़ को संबाई = <sup>धरु</sup> = २८८ कृतेट = <u>९६ गज</u>

? ३-किसी चित्रफल में पत्थर की पटिया विद्वाना सब पटियों का हो प्रफल निष्ठय बरावर होगा जिसमें वे पिहती हैं यदि पटिया बरावर विस्तार की हो ता ।

संख्या पटियों की = स्वेत्रफल जिस में पटियां विकी हैं

उदाहरसा —िकतनो पत्यर को परियां ३ फ़ोट सरबी बीर९ फ़ुट ६ रक्ष चोड़ी एक चैंक में विद्यानी जिसकी संवाई ७५ गज़

कुट ६ रश्च चाड़ा एक चाक मा यहागा । जसका ह भार चाड़ाई ४० गज़ १ जुट है ।

पटिग्रों को संख्या =  $\frac{324 \times 12}{3 \times 2}$  = 3130

१४-क्षेत्रफल समान रास्ते का जो एक श्रायताकार चौक के चारों तरफ उसके ठीक सीमा के भीतर बना है—

बना है— मान के कि अवसर एक भागता-च ग्रस्त २ कार बीक दे जेकिक कुट संबास | ब स

लंबाई (क--२ म) फ़ीट पीर घीड़ाई (श--२ म) फ़ीट ई । इसलिय मार्ग का क्षेत्रफळ≂क्षेत्रफळ च व ॥ र--क्षेत्रफल

इसाट्य माग का स त्रफल ≈ श त्रफल च व ॥ र—स त्रफ न ए ज म ~क स—(र—२ ग) (स—२ ग)

~ व श—(क.—२ श) (श—२ ग) \*= श (२ व.+ २ श)—४ ग <sup>†</sup>

च = २ ग (क्र÷च—२ ग) च = २ ग (क्र÷च—२ ग)

टिप्पारी-इस जगह पर मान लिए हुए थांड के शे त्रपल

क्षेत्रफल समान मार्ग का जो एक वर्गचा के चाराँ श्रोर

बाहरी सीमा पर बना है

दाकल २ में मान ले। कि च द ज स एक वर्गेचा है थीर च व गद मार्ग की बाहरी सीमा है।

मान हो। कि चय= 2. एत = 5 थीर मार्ग की चीढाई = र ते। मार्ग का से अफल= (ट+२ ड) (ठ+२ ड)—ट ठ

(\$ 9+8+5) \$ 9 =

उदाहरसा १ -- वक भागताकार बाग् २५६ गज् लंबा धीर १६४ गत चीडा है यदि ३० फ़ुट चीड़ा मार्गवाम के मीतर चारी तरका सीमा के पास ही भीतर बना हुचा है देा मार्ग का शेय-फल निकालैए।

बाग का क्षेत्रफल= (२५६ × १६४) वर्ग गता।

मार्ग (१०+१०) गज संबाई में से बैर (१०+१०) गज चीडाई से काटता है।

इसलिये मार्ग का शेवपाल=२५६×१६४-२३६×१४४

=८००० यमें गज

ष्रध्या साधारच प्रदार से शेवफल −२ ग (क+श−२ ग)

= 2 × 10 ( 445+158-20 )

≕८००० घर्ग गञ्ज

उदाहरसा २--पक किसा ७४३ वज् सम्बो की ५३१ एक भोड़ी भाषताकार पृथ्वी पर बना है थार यह युन्द्व, उसके खारी भीर १६ गज चीड़ी है तो गुन्दक का बाहरी होबकल निहाला।

गन्दक का श्रेत्रफळ≔(७४३+२६)(५३१÷६६)~०४३×५३१

= ३३८०० चर्ग गज

१३--किसी चेत्रफल में पत्थर की पटिया विद्याना

सय पटियों का क्षेत्रफल निश्चय बरावर होगा जिसमें वे विद्यती हैं यदि परिया बराबर विस्तार की हैं। ता।

संख्या पटियों की - क्षेत्रफल जिस में पटियां विकी हैं

उदाहरमा —िकतनी पत्थर की पटियां ३ फ़ोट लम्बी मीरर फ़ुट ६ इञ्च चीड़ी एक चैंक में विद्येगी जिसकी लंबाई ७५ गज् मीर चीड़ाई ४० गज़ १ फ़ुट है।  $\frac{1}{3} \times 2^{\frac{1}{5}} = \frac{3 \, 230}{3}$ 

१ ४-क्षेत्रफल समान रास्ते का जो एक आयताकार चौक के चारों तरफ उसके ठीक सीमा के भीतर

बना है-मान ले। कि अयस द पक चायता- च शकल २

कार चौक है जोकि क फ़ुट लंबा स फ़ट चौड़ा है। मान छे। कि समान मार्ग ग फुट चीड़ा चारी मोर उसके भीतर यना है यह मार्ग एक छाटा चायत च छ ज झ घेरता है जिसकी लंबाई (क-२ ग) फ़ीट धीर चीड़ाई (स-२ग) फ़ीट है।

न ए ज क = क स—(क.—२ ग) (च—२ **ग**) = ग (२ क+ २ ख)--- <del>४</del> ग° था - २ ग (क+ध-२ ग)

इसलिये मार्ग का शेत्रफल=क्षेत्रफल व व ॥ र-क्षेत्रफल

टिप्पााि—इस जगह पर मान लिए हुए बीक के से अफल में रास्ते का से बफट मिला हुया है।

क्षेत्रफल समान मार्ग का जो एक बगैचा के चारों त्रोर

बाहरी सीमा पर बना है

दाकल २ में मान ले। कि च क ज स एक बगैचा है चौर अ प स द मार्ग की बाहरी कीना है।

माम ले। कि चण=८, हत =० चैर मार्ग की चौड़ाई=र ते। मार्ग का क्षेत्रफल= (ट+२ड) (ठ+२ड)—टठ

= 3 = (5+5+3 =)

उदाहरगा १ -- पक चायताकार बाग २५६ गज़ लंबा धीर १६४ गज़ चीड़ा है यदि ३० फुट चीड़ा मार्ग पाग के मीतर चारी तरफ़ सीमा के पास ही मीतर बना हुचा है ता मार्ग का खेब-फल निकाला ।

बागु का क्षेत्रफल= (२५६×१६४)वर्ग गञ्जू ।

मार्ग (१०+१०) गज लंबाई में से मार (१०+१०) गज़ चीडाई से काटता है।

इसलिये मार्ग का क्षेत्रफल=२५६×१६४-२३६×१४४

=८००० वर्ग गज

ष्यथा साधारण प्रकार से शेषपळ = २ ग (क+स---२ ग ) == २ × १० ( २५६+१६४--२० )

≔८००० धर्म गज

= coo या गञ्ज उदाहरसार--यक फिला ७४१ गज्ज उस्थी सै। ५३१ गज् रे चीड़ी आपनाकर एक्वी पर बना है सीर यक छुन्दक उसके चारी भीर १३ गज बीड़ी है तो छुन्दक का बाहरी होत्रफल निकाल।

लन्दकं का धूबकथ=(वत्रई+न्द्र)(त5६+न्द्र)-वव्र5×त5६

== ३३८०० धर्म गज

क्षे प्रपाल= २ड ( ट+ठ+२ उ ) =२ × १३ × (७४३ +५३१+२६) = ३३८०० घर्ग गज

### =<u>३३८०० वम गज्</u> चीथा अभ्यास

१— इलाहाबाद रेलचे स्टेशन का खेतरा १२७५ फोट लंबा पैर २१ फोट ८ इञ्च खोड़ा हे यदि वस पर बरदयान केपत्यर की पटियाँ २५ वपय १०० बन फोट के हिसाब से बिखाई जाबे ता बतायों

उसके विद्वाने में कितना खर्च पड़ेगा बीट हर एक पटियों की जो कि माप में २३ फुट ४१३ फुट है संख्या क्या होगी।

यह भी बतलाबी कि माघमेला के यात्री कितने उस पर बड़े हो सकते हैं बदि हर एक बाबी के। २३ वर्गफुट खड़े होने के लिये

हा सकत ह याद हर एक यात्राका २३ यग फुट छड़ जगह दी आधि।

र-प्योर संग्ट्रल काबेज के पुस्तकालय में विद्याने के लिये जिसकी लम्याई ५५ फुट बीर चोड़ाई ३४ फुट है कितने गज़ इरी की चायदयकता होगी जिसकी कि चीड़ाई है गज़ है।

३—यक गोल कमरे का घेरा ४५ गज़ १ फुट ३ रख है मैर १० फुट ८ रख उंचाई में है यदि उन दिवालों का १५ इन्च चौड़े

कागज़ से मड़े ते। कितने गज़ कागज़ की चाधहयकता होगी। ४--एक जायताकार गेंद खेलने का मेदान २५० गज़ लग्ना

मीर २१० गज़ चौड़ा है यदि उसके चारांतरफ कङ्कड़ को ५ फुट चौड़ी सड़क बगाई जाये ता उसका क्षेत्रफल कितना द्वागा।

५—एक वर्ग खेत ६२३ एकड़ है ता उसके एक भुग की लम्याई कितनी होगी।

६—पक चायताकार गेंद खेलने को जगह १ एकड़ है धार जिसकी लम्बाई बीर बीड़ाई इस कम से हैं जैसे कि ५: २ इस मैदान के चारा तरफ एक मार्ग है जो कि दो गज़ चौड़ा है ता यताभो उस मार्ग में एक बर्ग गज़ में ५० ईर्ट के हिसाब से कितनी ईर्टे स्पेंगी।

७-एक कमरा ३० फुट छम्या धीर १२ फुट ६ १ ख चीड़ा धीर १० फुट ऊंचा है जिसमें हो दरवाजे प्रत्येक ८ फुट ऊंचा धीर ३ फुट ४ १ ख चीड़ा धीर हो विड्रांक्या प्रत्येक ८ फुट ४ १ ख ऊंचो धीर ५ फुट चीड़ो हैं तो पत्रवाभी कि डसके दियाही को कागृज से महने के लिये कितने टुकड़े कागृज लॉगे जा कि १० गज़ लम्या धीर १ गज़ चीड़ा है।

८-एक प्रायताकार बाग १५० गज्ञ छत्वा थीर ६४ गज्ञ चीड़ा अ फुट ६ इश्च एक ऊंची दिवाल से धिरा हुमा है तो बतलायो ६ पाना १०० वर्गकोट के हिसाब से मीतर के दिवाली में चूना

पोतने में क्या कर्च पड़ेगा।

• १-पक कमरा २५ फुट छावा बीट १८फुट बीड़ा पीट ११ फुट

्रंचा है जिसकी दियाली ग्रीर इत पर गय कराने के लिये इत्या है जिसकी दियाली ग्रीर इत पर गय कराने के लिये इतम से ३ ग्रीर श्रीमा इर एक वर्ग गज़ से दिसाय से कितना इतोगा।

(०-एक गेंद् खेटने के मैद्रान में तो १५० गज़ संवा १४४ रंगज़ चीक़ है एक को भूमि भाग जिसका क्षेत्रफल कुछ मैद्रान के स्रेत्रफल का रूर है गेंद्र खेटने के लिये बनाया गया है तो इस वर्ग के मात्र बनायों भीर यह भी बतायों कि उस भूमि भाग की मट-मात में एक चाना मत्येक वर्ग गज के क्षिताब से क्या वर्ग लगे होगा।

११-पगर ४२ तस्ता कागृज हर एक ६ गज्ञ छम्या एक कमरे की दौयाठों के ठकने के लिये लगता है जो कि २५ फोट २ इझ लंग भेर १९ फोट १० इझ चीड़ा मेर १० फोट ६ इझ ऊंचा है से कागज़ की चीडाई बतलाको ।

१२-एक भागताकार बाग जिसकी मुजा १ : ४ के संघंध में ऐ ६४० एकड़ है थीर बाग के चारों तरफ मोतर एक सड़क १६ फ़ीट चोड़ी पनवाई जाये ता बसमें कितनी जगह स्रोती।

१३-एक घायताकार सकत्रों की संह्क ६ फ़ीट ८ इस संबी थीर ४ सुट ६ इश चीको थीर ४ फीट गहरी बनवाई जाये 📶 कितने वर्षफोड लकड़ी के तरने लगैंगे :

१४-तीस फुट लम्बा चीर २४ फीट चीड़ा कमरा के गय है क्षेत्रपल पीर कुसरे है। कमरी के होत्र फल में क्या पंतर है जर वि इन दे। कमरी का विस्तार चपेशा पहिले कमरे के बाधी है।

१५-चाठ कीट 🕷 🖅 चीड़े कमरे में १८ इञ्च चीड़ी दरी विदाने में ४ द० ८ चाना की गज़ के दिसाब से २२५ द० सगते र ता कमरे की लग्याई बताची।

१६-एक कमरे की लम्बाई २५ फ़ीट है यदि उसकी चारी दियाली की रैंगवाई में प्रत्येक वर्ग गज़ दे। रुपया ८ चाना के हिसाब से ४०० र० धीर कमरे में दरी विद्याने में दर एक वर्ग फीट ५ या के दिलाय से २५०० या यार्च है। तो कमरे की उंचाई मीर चौड़ाई बताची।

१७-एक चायताकार शेच जिस की लम्बाई चीहाई से डेड़ गुना है १५ फ़्कड़ है ता बताओं इस येत के गिर्द चार सरतवे पक चादमी है मीछ की घंटे के चाल से कितनी देर में चलेगा।

१८-दिन्दुस्तान का क्षेत्रफल १४७४९१० वर्ग मील हे ते। इसमें कितने पकड़ ग्रीर कितने बंगाल के बिगद्दे होंगे (१ बंगाल का विगद्दा≈ १६०० वर्ग गञ्ज )।

१९-एक ग्रायताकार क्षेत्र के शुज ३९३ फीट ग्रीर १५० फीट हैं तो सिद्ध करे। कि सगर चारी तरफ़ किनारे से ५ गज चोड़ी ीन काट ली जाय ता शेष क्षेत्रफल १ एकड होगा ।

२०-एक कमरा के फुर्श ग्रीर दिवाली का क्षेत्रफल कम से , वर्ग फीट बीर ३०० वर्ग फीट बीर १८० वर्ग फीट हैं तो . का विस्तार वनायो।



```
( 28 )
Elena, tat
```

थेर भो ष "-श - य

ती तीमरी भूत की इम निवास सकते हैं।

क्षेत्रदय= ३ × द्वापार × सम्ब शमकोत विभाव का कर्य - ४ आगार) १+१सक) र शापार=√(वर्ग)°—(त्रव)ह = ((क्सं+लक) (क्सं—संब) संद = र (करों) र —(साधार रे) = ४ (दर्ग-) साधार) (कर्ग- सधार) टिप्पारी-अपर के नियम में कर्य, भाषार या लंब के माप à दारते कम से कर्ण चाघार चीर लंब समझे जाते हैं।

 $x_s = (\alpha - \alpha)(\alpha + \alpha)$ दशो तरह ष = स -- ध

तर या उपमें बहलाती है।

=(स+६) (स-६) इस तार पर याँद समझान विमुज को दे। मुजाएँ मातूर

पश्भिया-राइल ४ में भुज च र जी समकीन के साम समन्त्रेष विभुत्त का कर्न कहलाता है चौर व स प्राणा चौर।

नियम-किसी समकोन त्रिभुज में

-- एक समकेत विभुज का प्राघाट ६० फ़ीट है

√ €0° + ११° - √ ३७२१ = ६१ फोट ्र समकोन त्रिमुख का कर्ण २८१ फीट

है ते। कर्क बतलाको ।

---

(३

1)

(₹

टिप्पागी—दिव हुव विस्तारी के उत्तर निवमी के रुगाने के

हेले एक जात कर लेना चाहिए।

७७ गज=२३१ फ़ीर

ETT = (208)-(256)= "00066-43368 = √ ६७६०० = १६० प्रीट

द्रसरी रीति

सहय= / (१८१ + २३१ ) (६८१-२३१ ) = / प्१२ × प०

₩ √६५६०० = १६० प्तेष्ट टिप्पामी-इसरी शीत करीब करीब सहस्र है वनिरवत

रहिली के ।

## पांचवां अभ्यास

भीष दिस हुए दस सम्रक्षेत्र विभुति की सीसरी भुज निकारी

(१) चापार = १४३ स्टाव = १५६

(२) चापार - ६६५ लाव - २७२

(३) साम - ६८ चापार - ११५५

(४) क्यां = १६९७ व्याकार = १६९५

(c) and 1- fee size = befo (1) and 12- fee size = befo (1) and 12- fee size = fee (1) and 12- fee size = fee (1) size = fee size = fee

9999 = 7:27 PY147 = 20 (9)

(1) wind = 1311 = nin = 1311;

१७-विया गीरियस जिन्छ-इच्ट के बहुत्तरव में समर्थेण विश्वको भुकार देशको बल्कि है देले विश्वकाण पिथागारिका त्रिभुज कहलाते हैं। सब पिथागारिक त्रिभुज

लिखने के लिये रीति है परन्तु वे कठिन गणित पर प्रवलंग क

हैं। नीचे लिखे हुए बीजर्गाखत के उपास्यान के मनुसरण करने विचार्थी सहस्रता से विद्यागारियश त्रिमुज बना सकता है।

(१) (क<sup>२</sup>+स<sup>२</sup>)<sup>२</sup> (क<sup>२</sup> - स्र<sup>2</sup>)<sup>२</sup> + (२ क स) (2)  $\left\{ \begin{array}{l} \xi(\pi^q + \xi) \end{array} \right\}^q = \left\{ \begin{array}{l} \xi(\pi^q - \xi) \end{array} \right\} + \pi^q$ 

(8)  $\left\{ (\frac{1}{2}\pi)^2 + \xi \right\}^2 = \left\{ (\frac{1}{2}\pi)^2 - \xi \right\}^2 + \pi^2$ 

(१) में कोई देा चमिन्न संस्था के चौर ख के स्थान में सापि को जा सकतो हैं जैसे कि इस क चार ख के स्थान में ४ ग्रीर है रखते हैं ता २५ वा ७ वा २४ पाते हैं जा कि समकान त्रिभुज के हैं है। (२) में कोई विपमसंख्या ॥ के खान में खापित की जा सकी

है जैसे कि गके स्थान में इम ५ रखते हैं ते। हमें १३ वा १२ <sup>वा</sup> ५ मिलता है (३) में काई सम संख्या म के स्थान में स्थापित की

,जा सकती है जैसे कि म के स्वान में इम ४ रखते हैं तो इसे चा ३ या ४ मिलता है।

१०० तक १५ पिथागे।रियश त्रिमुज की नामावली कर्ण है मनुसार रक्ती गई हैं। 88 44 66 84 43 CH 64 38 59. 64 38 60

१२	34	33	33	48	Ęų	1
			ल्योन	गबिर	= =	-

प्रतर छोटा हो तो नीचे लिखी हुई विधि कथ के मालूम करने के लिये ज्यादा सहल होगी ।

१६॥९७ सात

१८—जय कि समकाण विसुज के समकाण वाली भुजा का

24 ઉર ९७

८९

स = च + च = २ च व + (च-च) र

उदाहररा -- च= ११९, च= १२०, स की मालूम करी

 $\mathbf{R}^{2} = \mathbf{R} \times \xi \xi \mathbf{R} \times \xi \mathbf{R} + (\xi \mathbf{R} - \xi \xi \mathbf{R})^{2} = \mathbf{R} \times \xi \xi \mathbf{R}$ 

∴ स = <u>१६९</u>

यदि समके। सा विभुज के भुज क व ल हा ते। म क, म स, म ल, भी समके। सा विभुज के भुज होती पर्योक्त चगर।

करे + खरे = छ ,ै

तय यह भी में के + में खै = में ले

रस प्रकार से जय कि समकोषा विशुष्त के दो मुझ के पकरी सामान्य लंड हैं। तो यह खंड निकाल किया जा सकता है भार युक्तो १५ के नियमों के मुख्य संख्या में लगाने यर पंतिम पाल पाने के लिये इस पाल का ऊपर के सामान्य खंड से गुण होंगे।

उदाहुरसा—िकसो समकेश्या विश्वज में समकेश्या की गिर्द की भुजाप रेपक पीर ४८०० फीट मान से हैं तो कर्या निकासी, २०० सामान्य यांड घटना करने पर ७ चीर २४ रहता है।

मध ७९+२४९=६२५=२५९ इसल्यिं कर्ण=२५×२००=५००० कीट

१९-- किसी समकोण समदिवाह त्रिमुझ की मुझ च है तो कर्ण वताची।

कर्ण= √म<sup>२</sup> + म<sup>2</sup>= √रेम<sup>2</sup>= च √रे

नियम—समकोख समद्भिषाडु त्रिमुज का कर्ण मुज का √र देशता।

जाय ह

२०—समित्रवाहु त्रिमुज के किसी एक कीच से मी भुज पर लीचे हुए लंब की लंबाई मालूम करना।

फ़ज़<sup>\*</sup> करों कि चय स एक सम-

फ़ज़ कराक घर स पक सम-त्रियाद्व त्रिमुक है घीर घ ॥ सम्य घसेयसपर है।

मानले कि अय=द स=स च=चा तो यह स्पष्ट पर=द स= रेचा चयच द र=च पर-पर = च र—(रेप') = ∴ च द=  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  म

नियम—समधियाह् विभुज को उँचाई = 🗸 🚉 🕹 भुग

डिप्पर्गी—नीचे लिबे हुए फलों की कंड करना चाहि

√2=2.85856465

२१—यदि किसी वर्ग का कर्ण दिया हो ते। उसका क्षेत्र निकालेर।

युक्ती १९ विं कर्ण≈ √२× भुज

युक्तारराज्य कर्ण ∴ भुज≃ कर्ण

इसलिये क्षेत्रफल=( भुज ) र= ई ( कर्ज ) र ।

नियम-वर्ग का क्षेत्रफल= रे×कर्य का वर्गमूल।



.. जब च चौर स+व दिया है। ता '

धार जब च धार स-व दिया है। ता

स+व= <del>प्र</del>\*

स + घ मौर स — व के जानने पर स मौर व पृथक पृष

मालूम करना बहुत सहल है क्योंकि  $\mathbf{H} = \hat{\mathbf{t}} \left\{ (\mathbf{H} + \mathbf{u}) + (\mathbf{H} - \mathbf{u}) \right\} \hat{\mathbf{u}} = \hat{\mathbf{t}} \left\{ (\mathbf{H} + \mathbf{u}) - (\mathbf{H} - \mathbf{u}) \right\}$ 

उदाहरगा-धगरणक बांस ३२ हाथ लम्या सम प्रात पर लगा हुमा हवा के होंके से टूट कर १६ हाथ के फाहिला इसको दुनगो जमोन पर लगे ता बतायों कि जड़ से वह के श

पर इटा। (लीलावती) इटने के बाद बांस शकल ४ में ह की शकल का है। गया है।

सब स+च=३२ ब=१६ ∴स—घ= १६×१६ =८ ३२

.. स=२ ( ३२—८ )=<u>१२ हाथ</u>

२४-कर्ण चीर मुझे का यागदिया हुवा है तापृथक पूर भन्नी की निकाली।

सब यहां पर हम स धीर च +व जानते हैं। चव २ स<sup>२</sup>—(च+च)<sup>९</sup> = २ (च<sup>२</sup>+व<sup>९</sup>)—(च+व)<sup>1</sup> ें - य जाना जाता है।

य ग्रीर ग्र—य का जान कर भ ग्रीर व का पृष करना सहस है जैसा कि युकी २३ में दिया है।

·-स = १७ बीर च+ध = २३ ते। च बीर



( 32 )

उदाहरणा-पक वर्ग बनाची जिसका कि क्षेत्रव १६ वर्ग जारीय है। । मू कि १६=३ +२ ते चाहे हुए वर्ग की मु

है।गी वेस रामकेल विशुज के कर्ण के जिसकी मुजाप वार २ जरोव है। परिभाषा-एकापवर्य राशि देने हेते हैं डे

प्रमाण रक्तते हैं जैसे कि ३ ई फ़ीट थे। ६ ई फ़ीट क्योंकि ये दोनों २ इश्च की लंबाई से ठीक ठीक प जा सकते हैं। जब कि रादी के समान प्रपयतन न एकानवराई कहे जाते हैं।

एकानपदार्थं रादिः ( पसमान परिमाध ) है

(१) वर्ग की भुज दीर कर्छ। (२) इस के स्थास बीर परिचि ।

(१) रेखागियत २-११ में विमट रेखा है। इस्वां अभ्यास

क्लिंग के बर्द के निकारी UL 12 5-

) ६ स्ति देश ई ल्या ह सह । (६) शिक्षां द्वास्त द्वार शिक्षां इद (1) market griner. ( ) 村井市南京西南京

5-418 A CER & S. H. E. S. \*\* 新水水は1.3.2 ままままままます。 2 (を)でもはないないとのでく · 如西子(まりまの 明正を記

३—किसो समके।या त्रिमुज के भुज मर-नरधीर २म न तें ते कर्ण निकाले।

४-किसी एक जिकीखाकार क्षेत्र के दो भुज ८८ धीर ११० गज हैं चार उनके चंतर्गत एक समक्षाय है ता क्षेत्रफल निकाला ।

५—किसी एक समकोण विभुज्ञ का कर्ण २२७५ फीट पीर चाधार लय का 🐤 यो हिम्मा है। विभूत का शेवफर निकाले। 1 ६-- एक समित्रवाह विभन्न की परिमिति ७२० गज है ते।

उसका लम्य निकारे।।

७-विसी शेच के कर्ण जिलके सब मूज बराबर है १३ १२ ७—विसी शेच के कर्च जिसके सब भुज बरा भीर १४२५ कही है तो उसका स्वयक्त निकारत ।

८-दी मनुष्य ९ वजे प्रातः वाल यकही जगह से खले। उनमें में एकने रेल से टीक उत्तर का १ घग्ड में ३५ माल के दिलाय से थार इसरे ने टीक पूरव की जान से १ घरटे में १२ मी न के दिसाब ले सफ़र किया ता उस दिन देवपहर के वे कितना हुत पर देवि ?

९---२० घराड यर्ग क्षेत्रमें कर्ण मार्ग की लागाई की बतायी। १०-- किमी एक समझाया विमुत्त के कर्य घार सम्बद्ध धार ४० के संबन्ध में हैं धार शत्रफाड़ १८००० बने गह है ते। माम ने चापार, गान्य चार वार्य की लावाई बताची ।

११-एक विधमकील समयतुर्भुजाकार होत्र का क्षेत्रफल निकाली जिलके कर्य ३० चार ४० जरीब है।

1

Ħ

१२--एक यमें का कर्य ६० प्रीट है ते। उसका क्षेत्रपत

चर्गगज् में निकाशी।

१६--पक पर्न को भुज २५० गज़ है ते। कर्श की रुज्याई क्या है १ १४-- पक मकान की थाइन्हें ६० कोट है बार घोरी के उत्पर के प्राजन को उंबाई १६ फाट दें तो धरन को सत्याई बनायों।

१५--८! गड़ द्वांची विद्वती पर वक सीडी सगाई गई है बीर 4 اح उसका पाया दिवास के मज़हीक ९ फोट से ज़्यादा बड़ी क्या का सकता है, ते। क्षम से कम कीड़ी की सन्दाह कम होती ?

उदाहरगा—पक वर्ग बनाचो जिसका कि क्षेत्रफड़ । १३ वर्ग जरीब हो ।

**१३** व

चूं कि १३=३°+२° तो चाहे हुए वर्ग की मुझ ही होगो उस समकेश्य त्रिभुज के कर्य के जिसकी भुजाएं कर

बार २ जरोब हैं। परिभाषा—एकापवर्य राशि देखे हाते हैं जा कि हा

परिभाषा—एकापवत्यं साहा देते होते हें जो किस प्रमाण रखते हैं जैसे कि ३ ई फ़ोट वो ६ ई फ़ोट एकार्ड क्वोंकि ये दोनें। २ इख को लंबाई से डीक डीक प्रवाहीं

आ सकते हैं। जय कि राशों के समान ग्रंपयतंन नहीं होते हैं एकानपदर्श कहे जाते हैं।

पकानपवर्य राशि ( चसमान परिमाख ) के उदाहरण

(१) वर्ग की भुज पैार कर्ण। (२) वृत्त के व्यास प्रीर परिधि।

(३) रेजागियत २-११ में विभक्त रेजा के शंड।

छठवां अभ्यास १—समक्षेत्रण विभुज के कर्ण के। निक

से नीचे दिए इए हैं— (१) ९ इझ चार ३ फ़ीट ४ इझ।

(२) ११ फ़ाट ८ १ स बार १४

(४) ५५ फ़ोट ११ इस नेन्न (४) ५५ फ़ोट बार ८२

(४) ५५ फ़ाट बार ८२ २-समझाच त्रिमुज इ.च. बार दूसरी न

(१)<sup>-५</sup> (४)८४: २४—किसो धायतका कर्ण ३२ ५ गज् है धेर उसका क्षेत्रफल

२५२ वर्ग गज़ है ता उसका विस्तार पया है ?

२५-किसी पायत का क्षेत्रफल ३३५४ १२ वर्ग फीट पीर इसकी परिमित्त २४८ ६ जोट है ता उसका विस्तार निकालो।

२६ — देत जदाज यक डायंदर से अले, यक १ में टेमें १० मील को दिलाव से डीक दिल्लान को चोर धेर दूसरा १ में टेमें ४३ मील को दिलाय के टीक परिश्रम का गया नो २४ में टेके मेत में विजयो दर का फलार देशा १

२७ किसी समकेश्च दिशुज का क्षेत्रफल ३९०० वर्ग गज़ बीद उसका पाधार ९३६ कोट है तो कर्च निकाल।

धीर उसका प्राधार ९३६ जोट है तो वार्ख निकारता । २८--- पक प्राधाताकारक्षेत्र को लंबाई ११८५ जीट धार चाड़ है १९१३ जीट है तो उसके कर्णमध्ये को लवाई पदा होगी ?

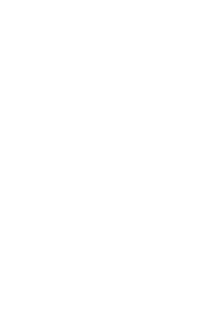
२९-- विस्ति विषयस्त्रीय स्त्र अनुभुक्त को परिमिति २६० प्रीट है भार उसका कर्ण ३२ प्रीट है तो सेवपाल निकालो ।

३० — यक तेली के के शह का कड़ पुरा इस तरद रेगा। इग गय है कि बक्का केन्द्र दिवाल म ३१ दाय की दूरी पर है। यहि उस के डंडे को लेकाई केन्द्र संभ दाय हो तो बतायों कि कितनी दियाल गेरह काली जाय कि वह डण्डा सहलगा ना पुत्र सके?

३१—पदा चौष की घडा खान च में हुसरे खान व तथा जाते में ६५ मोल उड़ना घड़ना है। एक लोसना स्थान त, च खान से स्ट मोल ७ पालाना के खन्तर पर है जी सरल रेखा च व पर संब है। धीर त में कल से बम बदा खनत है।

३२-- किसी एक समझे था विमुख का पावार ४ प्रीट हैं थै। उसका क्षेत्रकार १३२० वर्ग इस है तो बार्च विकासी ।

् देश-विको पक्ष वर्ष का क्षेत्रकार स्टब्ल् वर्ष कोट है। वर्ष के हर पक्ष तरक पक्ष कियु सबस अनुरोक के केटम में १२ काट हरी पर जिया गया है कि इन कियु वर्ष के डोड़ में को दास र दश्य हो के पूर्ण है है हो इस वर्ष का सेव्यक्त क्या होता ?





३४—किसी समक्षीय विभुज का क्षेत्रफल ७१४३ वर्ग हैं चार उसका कर्य १६९ फोट है ता मुत्री की निकाली।

34—किसी एक तालाय में इंस धीर सारती के गमुर गें हैं। एक बीता ( है दाय ) जल के ऊपर बमल के करी बार माग देगा गया कि दया के मांक से यह चारीवड़ के ही हाई फलर पर दूव गया ता पानी की गद्धराई बतायो। (जीनार) [ २३ घी चुन्ति की लगाधी ]

३६—एक नर्ष का विल ९ दाय ऊंचे बामे के गीने हैं हैं बसके सिरे पर एक मेर पैठा है। यद एक सांप के कामे के जि फासिले पर विल को ताकु सरमारा कर जाने हुए देग बर हैं पर तिरहे हुटा ते। यह के दाश पर अर्थ के विल संग्रित अर्थ होने! एक ही गति ने चलते थे। (लोलायती)[ २३पी रीत में ही

३७—शी हाथ जीय पेड ने यक कन्दर जनर कर यह तर निर्मा पर जी कि द०० हाथ की दूरी पर या गया। यक दूसरा की उसी पेड के कुछ उथाई पर ने मृत् कर कर्या मार्ग में सीने कि कार पर गया। यह इसके जान को नाह बराबर है। में हैं

की पंचारे के बनायों। (शिलायनों) [२२ वों होति से कीं १८—रेकार्गायन १ ४७ के छना कर यस वर्ग बनायों ति का सेवनक टीक १ यक्क है।

३९.—विको एक शमदेश्य विशुच के पायान थीन श्रेड में से मान में ६ थीन ११ र मिटन है का व समोजवाह विद्यु के विकार भेरत सेकाल बनायों जिसमें कि यह विमास किरार सबका है।

पर-नवक वर्षः चीर सक्त चायल की श्रांतिसनि बरावर है है सर्गावण करें। कि वर्षः का को चलाल को छी बलाल से की है। रहा व चार्च के बरुवारायक चहापुर स्वावत है हिसा घर्षः

# तीसरा प्रकरण

## त्रिभुज (प्रायः)

२७.—िकसी त्रिपुत का होत्रफल-रेखागणित १-४१ से यदि प्रातान्तर चतुर्युक चीर त्रिपुत पकडी प्राचार पर डॉ गिर पकडी समानान्तर रेखायों के यौच में डॉ ता समानान्तर तृतुर्क त्रिपुत का दुगना होता है।

मान हो कि च व स एक त्रिमुक्त है—स्पृतकोख समकोख । चित्रकोख। चृक्ति कम से कम दे। स्पृतकोख चयदय होता है, इसल्पि मान हो कि व उनमें से एक है।

च सिरे से व स चाचार पर (वड़ा हुचा यहि चायदवक हो) अर लंब खोंचा। त कांच के न्यून सम या चित्रक होने के चनुसार इसकी तीन घटना या चवला दोती हैं।

TERN U SERI C STRICK STRICK

मार के साम न न्यून है ते द, व बीश ह के सप्य में पड़ेगा। मार के साम साम है ते। दह के। इक छेगा सीर चगर के साम त मांचक है ते। दवह बड़े हुए पर पड़ेगा।

इन तोनों घटनाचों में च से इच समानान्तर व न के खोंचा भीर व भीर त से व इ भीर न क समानान्तर में इ के खोंचा। तथ इर पक झालत नि जिमुज च व त भीर समानान्तर चतुर्भुं ज व इ क त पक्टो खासार व स च सीर यक्ष ही समानान्तर रेखाएं व ह भीर इक के इर्सियान हैं।

∴ त्रिभुज च य स → ईसमानान्तार चतु भुज य ६ फ स ≔ 🖁 × चायत व इ फ स = = + × a स × a इ = रै×व स×ध इ = 🖁 × (ग्राघार × छंब) नियम्—त्रिभुज का क्षेत्रफल=३× घाघार×लंब नियम $-छंब=\frac{2\times ख्रेचफल }{\pi }$ ाधार नियम $-\pi$ ाधार= $\frac{2\times \ddot{\omega}}{\pi }$ उदाहरसा १ —िकसो एक त्रिभुत्र का बाधार २०१३ धार उसका लंब ३९'६ जरीब है ता उसका क्षेत्रफल निका क्षेत्रफल= र्+× २० ३× ३९ ६= ४०१ ९४ वर्ग अरीय उदाहरसा २-किसी एक जिमुजाकार खेत का क्षे प्रकड़ है भार उसका लंब १७५ गज़ है ता प्राधार निका

पाधार=  $\frac{2 \times 9 \times 8 \leq 80}{899} = \frac{3}{2} \leq 9 \leq 1$  गज्

२ ८-समत्रिवाहु त्रिभुज का चेत्रफल-युक्ति २०।

समिषवाहु त्रिभुज की उंचाई= 🛂 × ग्राधार। 

≂ <del>४३</del> × (म्राधार)

ी नियम—समित्रवाहु त्रिमुज का चेत्रफल*≕* 

× मुद्र का वर्ग।

२९.— त्रिभुक्त में ६ हिश्से या तत्य है जाते तीत वीका धैरा तीत भुक्ता विभुक्त के वेखा चार गायकोरों सेवतव्यात कार्ने हैं धीर वत्र के सामते को भुक्त ताब से चाय वा से जाहित किया जाते ती। या गातिभुक्त का परिश्लित चार या गायकोर्ग किया व या मान् २ दा के जिल्लों से संक्षेत्र कर दिया गार्गाति।

सामी तिशासाम्य -च न शास्त्र (टा स) वीशः सा नस नश रूप (टा॰ स)

१०—विशो किशुक्त केंक शिक्षेत्र का काशाह पर सब ल र १९ (हा - का) (हा का) (हा का)

चाव संचित्रपूत्र शिव संच्या, सच्या, व व ... का सामा शिक्षा चंद्रप्रसायद अदशायत हु, व्यूचिक का दव कासकेपण है,

संबद्धी दृश्याताच्याचे दृष्टे दृष्टक के , प्रवद्भारत है, '' हुई। '' को दृष्टक बा, रख दृश्या है, बात स

(या ६ व. १० १८) च वर्ष वर्ष कार्यक्ष में अवस्थित वर्ष

 $(x_1 - x_1, x_1, x_2, x_3)$ ,  $(x_1 - x_1, x_2, x_3)$ ,  $(x_1 - x_2, x_3)$ ,  $(x_1 - x_2, x_3)$ ,  $(x_1 - x_3)$ ,  $(x_1 - x_2)$ ,  $(x_2 - x_3)$ ,  $(x_1 - x_3)$ ,  $(x_2 - x_3)$ ,  $(x_1 - x_3)$ ,  $(x_2 - x_3)$ ,  $(x_1 - x_3)$ ,  $(x_2 - x_3)$ ,  $(x_2 - x_3)$ ,  $(x_1 - x_3)$ ,  $(x_2 - x_3)$ ,  $(x_2 - x_3)$ ,  $(x_1 - x_3)$ ,  $(x_2 - x_3)$ ,  $(x_2 - x_3)$ ,  $(x_3 - x_3)$ ,

```
( 30 )

 तिमुज च व स – ईसमानान्तार चतुंभुत वर्

                       = है × चायत ह ह फ स
                      = = +× = 1 × = 5
                      = है×वस×च इ
                      = ३ × (बाधार×लंब)
      नियम—त्रिभुज का शेत्रफल= रू× ग्राधार×हर
      नियम – लंब = <sup>२×</sup>क्षेत्रफल
     नियम—षाघार = २× क्षेत्रफल
     उदाहरणा १ —िकसी एक त्रिशुत्र का बाघार २०३
 चीर उसका लंब ३९°६ जरोब है ता उसका क्षेत्रफल विश
    क्षेत्रफल= १ × २० ३ × ३९ ६ = ४०१ ९४ वर्ग जरीव
   उदाहरता २—किसी एक विमुजाक
9 एकड़ है चीर उसका लंब १४५ गज़
   प्राधार= <u>२ × ७ × ४८४०</u> = ३८
  २ ८ – समत्रिवाहु त्रिभुउ
```

समिवाहु विभुज की देवा

**१**सलिये क्षेत्रफल-

.।नयम -×भज

```
( 88 )
२३१
२५६
७२५
२ | १०९२
```

शेषपाद = ६ > ६ > ५ > ७ देन १६ - १४१०० वर्गतक टिप्पाति - विकासी देवीत कि दिलाब का परिश्रम देवरे

नहीं में घर देने के किनात का कर दिया गया है। केर-क्शान किया की काफ काने के किन्छ

क्य कि शब शुरे कि यह हो असान करना है का राह करना स्वान दिया आ शकता है थीर सबस शंत्यादा से सुरू है। के क्या में काम के दाद शंत्रपुर के पाने के रिन्ट कर पर का राह्म करने कही हैं। करना हुए देश स्वारंग

ेर्निश्वी आम के 1 कि क - १६०० सक्यार के ले त - ६००० । के बोसक क कार्य के १९०० असाम करता करता कि को के का क्यार १६ १६ के ल

41-14-6-2 4

Kin think E i

\$\$ \$\$-\$\$w.co.6 \$ \$

- 15<sub>.</sub> 3.11

11-2-0

 $=\frac{\left\{\left(\mathbf{H}+\mathbf{w}\right)^{*}-\mathbf{q}^{*}\right\}}{8\mathbf{w}^{*}}\left\{\mathbf{q}^{*}-\left(\mathbf{H}-\mathbf{w}\right)^{*}\right\}$ 

 $= \frac{(u + u + \pi) (\pi + u - x) (u + \pi - u) (u - \pi)}{9 u} (u + \pi - u) (u - \pi)$   $\pi = \frac{?}{9 u} \sqrt{(u + u + \pi) (-u + \pi) (u - u + \pi) (u - \pi)} (u + \pi)$ ?

र्ष √२ श×२ (श-घ)×२ (श-घ)×२ (श-र च √ श (श-घ) (श-घ) (श-स) ३९—त्रिमुज का चेत्रफल जबकि तीनों भुज दी

युक्ति २७ से निभुज्ञ च व ह का क्षेत्रफल=ॄंच×इ = १ च × २ च √ श (श-च) (श-च) (श-व) = √ श (श-च) (श-च)

च √श (श-च) (श-च) (श-स)

च √श (श-च) (श-च) (श-स)

नियम —तीनें सुतें के जोड़ के बाधे में से हर एक ग्रं
के। पटन ग्रहम घटाणे तब ग्रांधे जीड़ थेर तीनें शेषें हैं
पक्ष ग्रुचा करें। तो ग्रुचनफ्ट का वर्षाण स्टान्स स्वर्धिक

पक्ष गुणा करें तो गुणनफल का वर्गमूल चाहा हुमा क्षेत्रक प्राप्त होगा। . उदाहरसा—उस त्रिमुल का क्षेत्रफल क्या है जिसके मुँग फ्रम से २२१, ३४६ चीन ५२६ मार के # | # 6 6 2 # 2 A # # 2 E E # A E |

21 × 0 × 2 × 2 × 390

\$ 486 × 564 × 660 × 66 - 6, × 8 × 4, × 6, ×

क्षेत्रपात = ६ म १० ५ ० ६० १६० व्यक्त सांत्रप्र हिप्पाति - विकासी देवीते कि दिलाव का परिकास सार्ट

करती में कर देने के किस्ता का कर दिया सामा है। देरे दशासा किया की स्टब्स करते के किसे

क्षेत्र कि शब शुरे | वै एक हो स्थापन करण है तो एक पानर क्षित्र कि होता शब्द ता है दीन सक्ता शब्दा स्थापन हुए के हैं निवास के क्षान के दाद शेवप, के पाने के किये कर पान का श्रीत करण के को शे पावहण मुख्य हैना स्थापन

्रह्मान्द्रशान आम हो। कि का - ४६०० का - ४८०० केल साम्बद्धका ने के के का का कर केल १९०० का मान का का मान का केल एक का देर एक केल

th air E i

1 12

0 - 5 - 15

: ?१×८×७×६=२°×२°×३°×७° इसलिये क्षेत्रफल≔२००° ×२×२× ३ ×७=<u>३३६</u>

सातवां अभ्यास

१—नोचे लिखे हुए विभुजों का क्षेत्रफल निकाले। (१) म=४ फ़ोट व=१३ फ़ोट स=१५ फ़ीट

(२) म = ३९ गज च = ६२ गज स = ८५ गज (३) च=४०९ कड़ी च=१६९ कड़ी स=५१० कड़ी

(४) स=२७१ फोट घ=४८ गत स=२२१ फीट (५) ब=३१४० फ़ोट व=१३६५ फ़ीट स=२१२५ फ़ीट

(६) म=४८५० कड़ो च=१८८२०० कड़ो स=१९१०७० ह २—नोचे दिए हुए त्रिभुतों का क्षेत्रफल दशमलव के

स्थान तक ठोक ठोक निकाले।। (१) 학교망

थ=५ स≕७ (5) # = \$8 स= १५ य = २५

(3) W= 30 ध ≈ ६७ स= ११! (8) #= 585 स = ३७% ध = ३९४

३३-अपालोनियस के प्रमेयें।

परिमापा—किसी त्रिमुत्र के एक के। खसे एक सींबी रेखा सामने के मुख के मध्यविन्दु तक त्रिभुत्त का मिर्दि

ममेय १ — किसी बिमुत में किसी देत मुतें पर के बर्ग योग बराबर है तोमरे अन के बाधे पर के दूने वर्ग प्रीर मिडियन पर के टूने बर्ग के जो कि तीसरी मुझ को दी वर्ग

कटरना करो कि च व स एक जिशुज है थीर च स मिडियन ॥ को दें। समान दिस्सों में सकत १९ कुस्तोम बरता है तो च व १ ज स १ म -> व म १ - २ च म १ ११ स्टब्स वन पर खोंचा

चीर च तै = मा ' + भ म' - - म स × सद इस एकंदि को को स पूर्ण कि द स = स स इस एकंदि के स्व म च म च म च म म २ भ सी ऊरद के स्वयम्य स्व किशुक्त के कियो प्यत्य की सीकेदियत दिसे निकाल सकते हैं जब किसीनों सुतार्य दी दूर है। इस होता स्व म म राम राम है स्व म म देश, स = १६ ती स म हार्योक्षम को।

यद्दो र म= रेच = ७

या २ थ म' = १६९+२२५--१८ = ६९६

ु रसलिये च म= ६ १४८ = ६<u>२ ११५</u> निकट

ा प्रमेष २—पदि कशा तिशुक्त का चापार रण, स. विलु पर पेमाम किया काय दश नश्द कि न × व य⇔त×यस से र×च र\*+त ×यत र\* ० न व य\*+त ग सत्र +(व+स) ,रुच प

्रे अपर के प्राकार में मांन तो कि कर व म = स म न स्थी निमायत के बनाने से दुसे सिम्तना है कि च व = म + क म + रे | म > म द म से देशी तरफा सुख देने से

ी वर्षा विकास कर व सीने पर सामित्य र सामित्य

चु कि १५१ = २२५ ग्रीर ७१ + १०१ = १४९,१५१> इसल्यि १५ के सामने का के।न प्रधिक कान है।

उदाहरसा २—नाचे लिखे हुए त्रिभुजों के। यथार्था न्यनकान, प्रश्चिककान में रक्खो⊸ (१) १३, १४, १५ (२) १०,३५,३९ (३)७,

(8) £'4, ७२, ९७ (५) १३, १५, १८. आठवां अभ्यास

१—एक समजिवाहु जिसुत का क्षेत्रफल निकाली भुज २५० फ़ोर है।

२ -- एक त्रिभुज का क्षेत्रफल बतायो जिसका प्राप

फ़ीट ४ इश्च बीर लम्ब ४२ फ़ीट ९ इश्च है।

रे-त्रिमुजाकार क्षेत्र का क्षेत्रफल निकाला जिसके २००, ३०० धार ४०० जरोय हैं।

४-- पक त्रिमुताकार क्षेत्र के एक मुत्र की लंगाई (ग है पीर इस मुज पर लंब सामने के काम सं ८४ गज़ है तें। का से बफल निकाला।

५-- एक समित्रियाह त्रिभुज का शंत्रफल क्या है, जिल पाधार ६६ फोट थेर मध्येक बराबर मुत ६० फोट हैं। र-पक विमुन का श्रेत्रफल ६९४८३० वर्ग फोट है। तह ३८ - मा षाधार ३८० गज़ है ता उंचाई क्या है है

७-एक त्रिकाण केत में एकड़ को संस्था बताही, दिन मुत्र ३४००, ६१०० धीर ७२०० कड़ी हैं। ८-- पद समित्रपाह त्रिमुत की परिमिति ७२ फीट

रकता दरयात्रः करे। र-प्रधान के जिक्काल केन की तीने मुज बाम में १६। भीन ६६० करी १० थे.र ५५० जरोब है ने। की पत का ताना मुन मान उसके कलके कर कि की पत हु दे ४० ८ माने के हिंही १०--एक त्रिकेश्य धनाज के क्षेत्र की जिसका पाधार ६०९ होट है २ फाने फी घर्ग गज़ के हिसाय से येचे जाने पर ७६१२ ६०८ फाना पस्टूल हुए ही त्रिभुज को उंचाई बताभी।

११--एक समिद्रियाडु त्रिभुज को प्रत्येक बराबर भुज ५६९ गज़ है मेर सिरे से लंब तीसरे भुज पर ५२० गज़ है ता त्रिभुज का क्षेत्रफल विकाला !

१२—पक समिषवाहु विमुक्त का लंब १०० फ़ीट है ते। क्षेत्रफल निकाला ।

१६—यदि यक समित्रवाह विशुज के लंब के स्वान में व है। ता

सिद्ध करे। कि रक्षका 💛 है कर है।

र् १४-- एक विभुज के जिसके भुज ग्राम से ४५, ८५ चार १०४ १प्रोट दें चार उसी पॉर्टामित के समिववादु विभुज के क्षेत्रफारी में सेतर पताची।

े १५-वंक समिद्रवाह विश्वत का सेवपल १३३९८० वर्ग में फ़ीट है बार लिरे से बाधार पर लंब ४३५ फ़ीट है ता विश्वत

के भुजा के निकारें।

१६-- च वत जिल्लाज की लुजायं वत, न क कीर क व कास से दे दे थीर ६५ थीर ८७ वृद्धि हैं। व से संब जो कि यक दिलु व स में वृद्धि स भुज यर १० वृद्धि हैं। व से त क यर संब की संबाहि तिकारों।

है। १७ — घर विश्वस में यह = १६, स च = १४ फेर क द = १५, विश्वस के ओतर क बक्त विद्वाह के केर यह घर दर है। हो से यम धीरता क धीर क व पर संबद्दि समार वर = ३ केर यह = धीरे से तम धीरता क धीर क व पर संबद्दि समार वर = ३ केर यह = धीरे से तम केर केर हम्मेजन करें।

हें १८-पक समित्रवाद विमुख का भुज निकारी जिसका है सेत्रपाट ५ पकड़ हैं, इसका फ़ीट में जवाब दें।

**९९—एक त्रिकाेगा क्षेत्र ३६३ ग**ज्ञ लंबा भार २४० <sup>गड्ड</sup> रूप में ३६ पाँड सालाने की शामदनी पेदा करें ता फीटा

किस दिसाव से सीजा गया।

२० पक जगह में जहां ४० पाण्ड एकड़ के हिसार से इं

मिलती है ३०० पान्ड का एक त्रिकाण क्षेत्र खरीदा गया विह पक सुज ३०२ गज़ १ ज़ुट ६ इंच माप में उहरी ता इस हि

को उँचाई गज़ में निकाले।। २१ - एक त्रिमुज के मुज ३४० वे। ६५ वे। २९७ फ़ीट हैं।

वर्ग पर्च ( पोल ) में क्षेत्रफल बताची। २२ - पक विकास क्षेत्र को सकड़ ५ थान्ड ११ शि॰ ६१

के हिसाय से १२ पान्ड पर सीजा गया है, एक भुज ७३८ है, इस मुज पर का छंव सामने के काय से सब से नज़रीड

कड़ी तक निकाले। रवे पक त्रिकाण क्षेत्र के भुज २६००, ३१५० धीर रा

फीट हैं ता एकड़ में रकवा निकाला। २४—पक त्रिमुज के मुज १०२ चे। १०४ चे। १०६ फीर हैं।

षर्गं जरीव थे। कड़ी में जवाय निकाले।। २५ - पक मिमुज के मुज १३, १४, १५ कीट हैं ते। हा

करें। कि इसके बिलकुल कीन स्यून हैं और सामने के ही १४ फ़ीट के भुज पर का लंब निकाली। रेर-पक विभुज के भुज १२००, १४५०, १६५० फीट

यमें गञ्ज में क्षेत्रफल निकाली। रु प्रकाशकाय चीक का यक मुज़ ९८ फीट है बार है। य से उस पर का लंब ६३ फीट है तो फी धर्म मह

रे माने॰ वाई के दिसाय से उस पर पतार की वीर . में कितना सूर्च पड़ेगा। ८—एक समहिषाद विस्ता के शहल के सांगत में पर्या ा विह्वाने में ४ घाना की वर्ग फुट के दिसाव से ९४%

वै पड़ता है भगर भाधार ४० मज लंबा हो ते। हर एक

उपर भुज को लंबाई निकाला ।

२२—यदः समित्रपातु त्रिमुक में फंकड़ पिटाने में की वर्गापुट पाने के हिसाप से उतना एवं उत्तता है जितना उसके घेटने की गृज ७ ६०८ पाने के हिसाब से ज़र्च देशता है तो त्रिमुज भूज निकाली।

न्ध्या प्रभावता । इ०—पत्त पर्ग की भुज निकालो औा कि से प्रपाल में पक मभुज के से प्रपाल के जिलको भुज १५३०, १५००, धीर २८९० तिर्ह करावर होगा।

३१-- धरा समिद्रियादु विमुज का सेवपाल निकासी जिसका गाधार २०४० ज़ोट थीर एर यक बराबर भुज ५१५१ ज़ीट है।

१२-- पश समझिपादु विभुज का श्वेत्रफल निकाला जिस-ता मामार २९६ फीट है कीर तर पड़ बराबर भुज १७२ फीट है।

६६—यन समितियाष्ट्र त्रिभुज के दर यक बराबर भुज ५९६ गज़ हैं मार सिरे के काल के बाधार पर लग्ध ३६८ गज़ है ता त्रिभुज का श्रीव्रयक्त निकाला।

३४-पन समितिपाद विश्वत का रोबपल ३१२० पर्ग फोट दे पार सिर के कान से चाधार पर क्षीया द्वचा छन्य ८० फोट

हि ता विभुक्त के सब मुक्की का निकारेत ।

1

١,

क्ष-वा विश्वक के जिसके शुक्र वस से ५२०, ७३० चीर ,७५० कोट ऐं चार उसी परिवित्त के समित्रदाहु विश्वक के हो क-कारों में चन्तर मनाधों।

१६—यक जिमुक्त का हो बपाल २१५८८.७५ वर्ग पृतिह है धीर उसको उ पाई १२६ पृतिह ३ इक्ष है तो चाधार क्या है।

<sup>।</sup> १५—मंथि दिए हुए त्रिभुजों को यदादमें चिधक कोल, सम-| कान भीर स्पृतकोल में दक्सो |

(१) १०े१, ९००, ९०१ (२) ८, १२५, १२५ (१) ११६, १८१, २२५ (४) १५३, १६५, १८४ (५) ११५, ५३२, ६५३ (१) १६, ११, ६५

१९ - एक त्रिकीया क्षेत्र ३६३ गजु लंबा ग्रीर २४० ग रूप में ३६ पौंड सालाने की बामदनी पैदा करें तो फ़ी किस दिसाव से सीजा गया।

२०-- एक जगह में जहां ४० पीण्ड एकड़ के हिसाव से मिलती है ३०० पान्ड का एक त्रिकाण क्षेत्र ख़रीदा गया वि एक भुज ३०२ गज १ फ़ुट ६ इंच माप में उहरी ता सि की उचाई गज में निकाले।

२१ - एक त्रिभुज के भुज ३४० वे। ६५ वे। २९७ फ़ीट वर्ग पर्च ( पोल ) में क्षेत्रफल बताची।

२२-- एक जिकाण क्षेत्र फी एकड़ ५ वीन्ड ११ शि० ६। के हिसाय से १२ पान्ड पर सीजा गया है, एक मुज ७३८ हैं। इस भुज पर का लंब सामने के केाब से सब से नज़र्ड़ कड़ी तक निकाले।

२३—एक निकास क्षेत्र के सुज २६००, ३१५० धीर श फ़ीट हैं ता एकड़ में रक्षा निकाला।

र४-एक बिमुज के मुज १०२ थे। १०४ थे। १०६ फ़ीट हैं

षर्ग जरीब थे। कड़ी में जवाब निकाला ।

२५ - एक विमुत के मुत १३, १४, १५ फ़ीट हैं ते। सार्वि करो कि इसके विलक्षण कीम स्यून है बीर सामने के केंदि १४ फ़ीट के भुज पर का छंद निकांछा।

रह—एक त्रिमुत्र के मुत १२००, १४५०, १६५० जीट हैं

षर्ग गज्ञ में क्षेत्रफल निकाला । २७-- एक विकास चीक का एक मुता ९८ फीट है बीट हार

के कीय से उस पर का रांच ६३ फ़ीट है तो की वर्ग गहरी रुपए ३ पाने० पाई के दिसाय से रस पर पत्थर को वीर्ट विद्याने में कितना गर्च पहेगा।

२८ - एक समक्रियाडु विश्वान के शहर के सांगन में परार है पटिया बिह्माने में ४ चाना की यम छूट के दिसाव से १५५ हैं।

बर्च पड़ता है चगर **पा**धार ४० गज़ छंगा है। ते। हर एक

बरायर भुज की खंबाई निकाले।।

२९--एक समिववाहु त्रिमुख में कंकड़ पिटाने में फी धर्मफ़ुट ६ भाने के हिसाय में उतना सूर्च छमता है दितना उसके घेरने में की गत ७ र० ८ बाने के दिसाय से खर्च दीता है ता नि मुज की भुज्ञ निकाले।

३०—एक पर्ग की भुज निकाला क्षेत्र के त्रफल में एक विभुज के क्षेत्रपाल के जिसकी मुझ १५३०, १७००, पीर २८९०

फ़ीट हैं दरादर हागा।

३१—पद समहिवादु विभुज का क्षेत्रफल विकाली जिसका पाधार २०४० फ़ीट धार हर एक बरावर मुझ ५६५६ फ़ीट है।

१२-एक समहिवादु विभुत्र का क्षेत्रफल निकाला जिस-हा पाधार २९६५,१८ है धार हर यह बराबर भुज १७५ फीट है।

१३-पक समिद्रियाह विभुज के हर एक दरादर मुज ४९३ गज़ हैं थे। ए लिरे के कान से बाधार पर सन्य ३६८ गज़ है ता

, विभुज का शे प्रफल निकाला ।

१४-एक समद्भिषाहु दिशुत्र का क्षेत्रफल ११२० वर्ग फीट र पीर सिरे के काम से बाधार पर खींचा हुवा लम्ब ८० प्रीट है से विभुक्त के सब भुक्ते का निकारे।।

१५-एक विश्वज के जिसके भुज ग्रम से ५२०, ७३० धार

¢

ı٩١

। ७५० जोट है बीद उसी परिमिति के समित्रदाहु विभुन्न के हरे व-जहाँ में भगतर बतायों । ३६-- एक त्रिमुत्र का हो क्षपाल २६५८८.४५ वर्ग प्रीट है चीर

बसकी उ'चाई १२६ फ़ीट १ इस है ता चाधार बना है। १४-मांचे दिए पुर त्रिमुको का द्यादर्ग चित्र केत, सम-

कान पार म्यूनकान में रक्यों।

( ? ) २०१, ९००, ९०१ (२) ८, १३३, **₹**₹. ( 3 ) ११६, १८९, २३५ (8) १५3, १६५ 158

(५) दे१५, ५३२, ६५३ (1) 35 (1) ३८-- विभुज के सीनें मिडियन की लंबाई बताये डिंडी भुजाएं कम से २०, ५१ यो ६५ फोट हैं।

३९—एक प्रिमुज के तोनो मुज २५, १०१ वा ११४ हैं, हां हिस्सों के निकालो जिनमें सामने के काव से निरा<sup>हा</sup> सम्य सब से बड़ो मुजा को विमाग करता है।

४० -- एक शिकान क्षेत्र के भुज कम से २१७, ४०४ वे ४ फ़ीट हैं, हर एक कीन से सामने के भुज तक सब से करी की किता है।

४१—उस विभुज के भुजों के मध्य बिन्दुयों के जेह<sup>ह</sup> यने हुद विभुज का क्षेत्रफल निकाला जिसके भुज क्रम<sup>हे</sup>! ९९ या १०० फीट हैं।

धर-प्यत वर्ग का अुज १२५ फ़ोट है, पक बिंदु हैं भीतर लिया गया है जो कि किसी भुज की सीमा से क्रिंग फ़ोट थे। ११७ फ़ीट के दूरी पर हैं, वर्ग के बारों केति तह बिन्दु के जोड़ने से वने हुए चारों त्रिभुती का स्टेबफल दिकी

# चैाथा प्रकरग

समानान्तर चतुर्भुज ।

3 ६ —गुरा — (१) समानान्तर चतुर्भुज के सामने के हैं हैं
केतन बराबर दोते हैं, (२) कर्ण उसे दो शिमुजों में हैं
बरता है जिनके क्षेत्रफळ बराबर देते हैं, (३) कर्ण ,रे केत बराबर देते समान करते हैं।

कत्यना करें। कि च व ह द एक समानान्तर चतुर्धे कर्म एक दूसरे के। उ विन्तु पर दे। समान माग से वस पर च इत्यव सोंचा। फ्रज़ें करे। कि यस=दश्र=घ श्रव=सद=स अस⇔य,वद=द् अद=ह



३७—समानान्तर चतुर्भुज का क्षेत्रफल— हरीकि कर्षं घतसमानान्तर चतुर्भुज घवतरका वरावर किसुजी घवम वैराधतर संविमाग करता है। घवम रका क्षेत्रफट=२४ घवत विसुज का क्षेत्रफट

= ? x ? x a a x w ? = a a x w ? = # %

#### नियम-

फ्यों कि श्रुष्ठ 🏲 है श्रुस, वड 🗕 है वह मर शवट त्रिमुन के तीनों मुत्रों की हम त इसलिये उसके क्षेत्रफल की निकाल सकते हैं ग्रीर चतुर्भु ज का क्षेत्रफल य व उ के क्षेत्रफल से वीगुण

उदाहरसा १ — शकल १३ में व स = ७२६ कीट; ह

फ़ीट, ता ब व स द का क्षेत्रफल निकाली। क्षेत्रफळ=७२६ × २५ = <u>१८१५०</u> वर्गफ़ीट

ं उदाहरसा २ — शक्छ १३ में च व = ३४, व स=

प द≔ ७५, तो भें व स द का रकवा निकाले।

चय त्रिमुज अ व द में च व = ३४, वद= ७५ दीए द

ं च प द का रकवा=१०२० ( युक्ति ३१) इत छिये रक्तवा अवत द=२ x १०२०=२०४०

उदाहरता ३--शक्छ १३ में च स = ५०, वर = ५ व स == ३६, तो भ व स द का क्षेत्रफल निकाली

यहाँ व उ स बिमुक्त में व उ= २९, स उ= २५। मार व ∴ वट सका क्षेत्रफल=३६० [युक्ति ३१]

रविडिये च व व र का क्षेत्रफल=४× ३६०=<u>१४४</u>।

# नौवां अभ्यास

१, पक समानान्तर चतुर्युत्र का एक सुन्न ५२५ फीट हाता के द्वाम से लाख २२५ फ़ीट है ती घर माज पर प्राप्त इयोग्न करें। ह

, सोगनान्तर चतुर्भु ज जिसके सुत्री की सम्बार् तिभागात्वर विश्व है कीर उसका कर्य २५ फोट स्टामा है तो 🗗 ं वतायो ।



१६-- एक समानान्तर चतुर्भुं ज के बासज भुज १२० फीट १८० फीट हैं झार उसका क्षेत्रफल उसी परिमिति के धर्म विकल का ग्राधा है ते। समानान्तर चतुर्भुज के दे। लंबे वताचो ।

### पाचवां प्रकरम समलंब

३८---परिभाषा—समलंब के ४ भुज बीर केवल चाम<sup>ते</sup> ने के दे। भुज समानान्तर होते हैं। यकल १४

करपनाकराकि

त र पक समलंग है

की भुजाप वसमीरदम नान्तर हैं च स मिलाघी व सर के समानान्तर मह

ो भीर ग्रसे व स पर च फ रुंब दादे।।

भव च प स द समलंब का क्षेत्रफल

= भ व स विभुज का क्षेत्रफल + च त र त्रिभुज की स्रेष्ट्रफल ।

≕ है वस × च क + हैचद × च क (ख़ैकि च कदोती त्रिभूजों का लंब है )

= % (वस + चर) × चफ

नियम-समलंब का क्षेत्रफल = समानान्तर भुजाँ गेग के आधे की उनके बीच के लम्बरूप दुरी से

ा करने से ।

३९--- प्रव, यस, सद बीरद च की लम्बाई दी हुई है, प्रक । लम्बाई निकालना है जो कि समानान्तर मुत्रों के मध्य लम्ब री हैं।

मान हो कि वस = च,सद = च,दच = समीरचव ≃ द ती च इ = च,वइ = म—स

मानलो कि २ क= श्रव + व १ + १ श्र= द + श्र~स + वः व युक्ति ३० से श्रफ

 $= e^{\frac{1}{(2d-4)}\sqrt{(2d+4d-4d+6)(2d+4d-4d)(-2d+4d+4d)(2d-4d-4d+6)}}$ 

इसलिये समलम्य का क्षेत्रफल

= रेच फ (वस+ बद)

 $= \frac{1}{2} \frac{m+a}{m-a} \sqrt{(-m+a+a+c)(m-a-a+c)(m+a-a+c)} \sqrt{(-m+a-a-c)}$ 

इस प्रकार से इस समलम्ब का क्षेत्रफल निकाल सकते 🖹 जब कि इमकी खारी भुज दिए हो।

निरूपमा—यदिस= • देा तो हमको एक त्रिभुज का क्षेत्र-फल मिलता दै-क्योंकि इस घवस्य में च र लुप्त देर जाता है पीट भ यो ॥ मिल जाते हैं पीट समलव्य त्रिभुज हो जाता है।

उदाहराग १ — एक समलम्ब का शेवफल निकाली जिसको समानान्तर भुजार्य ३५ फ़ीट बैार २५ फ़ीट हैं बीर उनमें लम्ब कर दूरी २८ फ़ीट है।

क्षेत्रफल = रे (३५+२५ ) × २८ = ८४० धर्म प्रीट।

१६ — एक समानान्तर चतुर्युज के बासच अज १२० फ़ीट मेर १८० फ़ीट हें बोर उसका क्षेत्रफल उसी परिमिति के वर्ग के क्षेत्रफल का बाधा है तो समानान्तर चतुर्युज के दे। लंबी की बतायों।

# पाचवां प्रकरण

#### समलंब

३ ८—परिभाषा—सम्रहंब के ४ भुत्त दीर केवल धामने रामने के देर भुत्र समानान्तर होते हैं। शक्त १४

रामन क दा भुज समानात्तर हात है। यसता । करपना करें। कि छ । व त र पक समर्छय है हासकी भुजार देस भीरदण मानात्तर हैं भ त मिलाओं व से सदके समानात्तर थ द

से स**र के समा**नास्तर च इ रेंचो चीर च से व स घर च फ रूंब हाता।

चब प्रवसद समर्थव का क्षेत्रफंड

चवतिमुज का क्षेत्रफल + वतद्विमुज की
क्षेत्रफल।

= १ व स स स + १ यह x य क (चूंकि य क दोतें। विभाजों का लंब है)

= { (वस + भद) × च फ

नियम—समलंब का क्षेत्रफल = समानान्तर भुजाँ योग के आधे को उनके बीच के लम्बरूप दूरी से

ग्रा करने से ।

३९— घव, वस, सदधीर इक्ष को स्वयाई दी दूर है, घन स्वयाई निकासना है जे। कि समानान्तर मुजे। के मध्य सम्य ी है।

मान सेत कि वस = च,सद = स धीर चन = द तेत च द = च,व द = च--स

सातलो कि र क= अव + वह+ इ च = द + च- स+ व। व सुधिः ३० रेर च पः

= वर्√क (क-भंद) (क-वर) (क-धर)

 $=\frac{d^{2}-1}{2}\sqrt{d^{2}(d^{2}-1)(d^{2}-1)(d^{2}-1)}$ 

≅ <mark>केन्</mark>√ (<u>कर्मन क्रि</u>क्) (कर्मन व (बर्मन क्राक्ष का (क्राम्बन क

का <sub>र्वाचा र</sub> (चारच कर द (चारच-क द), कारच-वरदा, चारच-वरदा दुरस्थि समाज्यक का श्रेक्षणाल

इत्तालय समलव्य का श्राह्मपाल क्याचेश्रापा (यश्च का श्राह्मपाल

व्यक्षेत्रपः (वश+वर)

मा है <del>सिंग्य र (सिंग्य के स्थाप के साथ कर कर साथ के साथ </del>

इस मबार रिष्टम समलाव का क्षेत्रपळ विकास सकते. हैं जब कि इसकी खारी भुन्न हिच्च है।

निरूप्या-व्यद्धिक । १ है। तेर हमके यस विश्वच बारेव-प्राप्त मिलता है-क्योब्रि इस बाबका में कर लुप्त है। जानर है बेर्स्ट कवा र मिल जाते हैं कार समलक विश्वच को जाता है।

उपाहरता १-०४

उदाहरसा २ —एक समलम्य की मुजाएं २७ मेर ४१ ९ हैं चार दूसरे भुज १३ चार १५ फ़ीट ता क्षेत्रफल वताची। यहां च=४१, व=१५, स=२७, द=१३

क्षेत्रफल के ऊपर की विधि में इसकी स्मापित करने से। 'पाते हैं कि—

क्षेत्रफल = 
$$\frac{1}{3} \times \frac{82 + 20}{82 - 20} \sqrt{(-82 + 29 + 20 + 28)}$$

(89-29-20+53)

(85 + 54-50 + 63) (85 + 54-50-15 =1× \$6× \$4× \$4× \$4× \$4× \$4

= ∮ × ∮ ∮ × १४ × ३ × ८ = ४०८ वर्ग फ़ीट। दूसरी रीति—शकल १४ में व स= ४१, च र = २७,

.. व इ - १४ वेर च व= १३, व इ- १५ इसलिये हु। व इ जिमुज का क्षेत्रफल

=८४ वर्ग फ़ीट ( युक्ति ३० ) बीर च क = २×८४ - १२

भ इ.स. इ.स.मानान्तर चतुर्मुज का क्षेत्रफळ

क्ष हर च फ=२७×१२=३२४ इन क्षेत्रफलें की जीड़ देने से घन तर का क्षेत्रफल = ८४ + ३२४ = ४०८ यर्ग फ़ीट।

टिप्पर्गा]—शकल १४ में वह रेखा जा कि अ व शेर अ स के मध्य बिन्दुर्घों की जीड़ती है वस के समानान्तर ग्रीर वस की माघो है भार उसी तीर पर वह रेखा जो य त मार द स के मध्य बन्दुर्घों के। जोड़तों है च द (याने व छ) के समानान्तर धीर द की गांधी है, इसल्यिं यह रेखा जी अब ग्रीर स द के मध्य वन्दुर्मों के। जेड़िती है भ दया वस के समानान्तर धीर भ द तार व ह के चाचे याग के बरावर है...

#### दसवां अभ्यास

१-- एक चतुर्भुज क्षेत्र की दे। समानान्तर मुजाए कम से ७५ धीर १३२५ कड़ी लंबाई में हैं धीर उनके मध्य का लंबकप

सिला ५२४ कड़ी है ते। इसका क्षेत्रफल बताघी।

२.... ५ र० को चकड़ के हिसाब से एक समलंब के शकल । क्षेत्र को कीमत निकारो जिसकी समानान्तर मुख ३७५२८ ट ग्रीर ४२४७२ फोट है ग्रीर उनके मध्य में छंब की दूरी १६१ फोट है ।

३-- एक तरते में कितने वर्ग फ़ीट हैं जिसकी छैवाई १६ ोट ८ इंच पार दोनों किनारें। को चीड़ाई २१ फीट पीर्टर ੀਟ है।

४-- एक समल्य का धेत्रफल निकाला जिसकी समामान्तर ज ४८ पीर ६० फ़ीट हैं बीर दूसरे मुज ५५ चीर ६५ फीट हैं। ५—एक समलंद के समानाम्तर भुज ७७४०० धेरर १४०४००

नेट हैं भार दूसरे भुज २५००० थार ५२००० फीट हैं ता वर्ग

ील में रकृषा निकाला ।

६-पक समलंब का क्षेत्रफल ४३५ वर्ग कीट है बैार देशी तमानान्तर रेखाची के मध्य में छंब की दूरी १९ फ़ीटहै ते। देानी तमानान्तर भुजो का निकाला जिनका चंतर ४ फीट है।

७-पद समलंब का क्षेत्रफल ३३ पकड़ है चार दे। समा-नान्तार भुजों का येग २९७ गज़ है तो उनके मध्य की लंब दूप

दुरी निकारी ।

८-एक समलंब का क्षेत्रफल निकाली जिसके भुज माम से १३ या ६१ या १५ या २५ हैं याट दूसरा चाथे का समानान्तर है।

९-- यक समलंब का क्षेत्रफल २.५ यक हु है बीट समानान्तर भुत्रों का याग ६२५० कही है ते। समामान्तर भुत्रों के मध्य का सम्ब निकादी ।

रै०-पक अन सर समर्खं जिसके समानान्तर भुज धन है द स कम से ३७ धार २३ फ़ोट हैं, स विन्तु से स र रेखा प्र व ह बिन्तु तक सोंची गई है जो समरुंव को देर भागी में विमा करतो है ता अह की रुंबाई बताधी।

११—घवत र एक खतुर्भुज शक्त है, खब,स र के समी नान्तर है भीर खब=र स≔र ख=२०५ फोट ग्रीर स द=५। फ़ीट तें। क्षेत्रफल क्या हैं।

१२--एक समर्जव के भुज २०४, ३६५, ३२५ ग्रीत ११६ गर् हैं प्रेर दूसरा चैथ्ये के समानान्तर है। सिद्ध करें। कि पहिले हैं। से पंतर्गत काम समक्रोन है ग्रीत क्षेत्रफल निकाला।

रैश-एक सकान का संतस्मलं के शकल का है भीर सामने की दीवार २६ फ़ीट है थेर पोछे को दीवार ३४ फ़ीट डंबो है थेर दीवारों में फ़ासिला १८ फ़ीट है तो यंत का क्षेत्रफ़र्ज निकाला ।

१४-- पक चतुर्भुंज क्षेत्र के दे भुज बराबर ग्रेस दूसरे हैं। भुज समामान्तर हैं, बराबर भुज प्रत्येक १०० फीट हैं, ग्रेस समा मान्तर भुज कम से १०० ग्रेस ७६० फीट हैं ता रक्ष्या द्यांक करे।।

१५-पक समर्थं के चसमानान्तर भुजों के मध्य विस्तुर्णे को जीड़ने वालों रेखा ३६७ गज़ है धीर समानान्तर भुजों के मध्य को दूरी २५० गज़ है तो क्षेत्रफर निकाला । १६-पक समर्लय के समानान्तर भुज कम से ८ धीर १०

१६—पक समर्श्व के समानान्तर अब कम से ८ पीर १० मिटर हैं पीर उनके मध्य को दूरी ए मिटर है, लेंब चार पर्पावर होते हैं। लेंब चार पर्पावर हिसो में मान किया गया है पीर विमाग बिन्दुमों से समानान्तर रेवा के समानान्तर अब के बीच खोंची दुई हैं, इस तीर एर ए पर हो हो साल है।

# द्धरुवां प्रकरण

चतुर्भुज ( प्रायः ) ४ ०—चतुर्भुज का क्षेत्रफल निकाला जा सकता है 🗝 😘

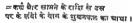
काई कर्य थीर सामने की राशि से उस पर के दे। लंब दिय हाते हैं। करराना करे। कि अवसद एक चतुर्भु अ है धीर व पीर द से

असक्त पर क्रम सेवड चीर इक लंब हैं, चब क्षेत्रफल भावतद=धावत त्रिभुत का श्रेत्रफल

+ घसद विभूतका क्षेत्रफल

--इंच्स × वह + ३ अस × दफ

= ईयास (वह + दया) नियम--चतुर्भुज का क्षेत्रफल



धनुमान-- जब कि कर्ण बायस में समक्रीण बनाते हैं ते। यह प्रत्यक्ष है कि क्षेत्रफल कर्यों के गुर्वानफल के चाचे के परावर है।

४१--यदि चतुमु कम भितरी काण दे। सर्थात् यह गगनाकार है। ता युक्ति ४० में सुधारना चयदय है क्योंकि एक कर्ण दाकल के बाहर पडता है।

13

1

करमना करें। कि च व स द यक नगनाकार चतुर्भे क है चीर कर्छ व द प्रकल के बाहर पड़ता है। बिन्दु थ घार स से व इ पर माम से च ह थे।

स फ संघ साले।। mi

तथ क्षेत्रफल ज व स त द ≕क्षेत्रफल च द द—क्षेत्रफल

== ईषद × अ इ--- ईबद × सफ ≈ १ वद ( च द—स फ )

## ग्यारहवां अभ्यास

१—च व स द एक चाग का क्षेत्रफल नीचे दिए हुए कला हिंदुए ) से निकाला-

भुज ज व = ४१०० गज्ञ, ज र = ८४०० गज्ञ, ह र = १०४१ , व स = ४५०० गज्ञ, एक सङ्क ८५०० गज् छायी व से जातो है।

२—चतुर्भुं ज का एक कर्ज जो कि शकल के बाहरी ग्रे ता है १३५ गज़ है बीर सामने के कीर्जो ,से उसपर सम् भंतर २५ गज़ है तो क्षेत्रफल निकाला ।

३—चतुर्भज का पक कर्ण ६४० गज़ है चोर सामते के केंग लम्ब २६६ चीर १३४ गज़ हैं ता क्षेत्रफल निकालें। (१) व ग कर कि कर्ण मीतर है, (२) यह मान कर कि कर्ण ग्रह पाइर है।

४---एक चतुर्भुज का क्षेत्रफल १० एकड़ २ कड हैथी मने के कोनों से कर्या पर के लर्म्या का थाग १५४ गज़ हैं। ये निकाला ।

प-प्यत बतुर्धं ज का क्षेत्रफल १२ एकड़ २ कड २५ पेलिं क कर्ण २५ जरीय है ते। सामने के दोनों कार्यों से इस क द के लर्मों का योग दर्योग्न करें।

६-एक चतुर्भुज में कितने वर्ग गज़ शामिल हैं जब कि ज त एक कर्य ६० गज़ चीर उस पर के लव्य १२-६ चीर ११ जु हैं।

७-एक चतुरकाम बीक में किननेयाँ गज पत्यर को परिष् जिसका कर्म ५४ फीट है बीद सामने के कार्यों से उस<sup>1</sup> हे सम्बक्तम से २५ बीद १९१ प्रीट हैं। ८—म व स ह धोत का रुक्षा बतायो; घ व= १२० गज्ञ. |=२५० गज्ञ, स र=१०० गज्ञ, र घ == ९० गज्ञ सीर वर्षे स =१७० गज्ञ।

९—एक प्रमुचिका हो होत्रपाल प्रमार्ध जानके बर्गा एक रहे के साध समकाच बनात है पीर माप में बाम ले १०० पीर '५ फोट हैं।

्रे (०—मीधे दिए हुए कल्यना से चनार चनुनेक दा शेष ए निकारो —

 $\begin{cases} \{-u_n \cdot u_n \cdot$ 

हैं र - नावा भातुर्भुत होत्र का ग्रंक कर्ण हरे ५ बच्चे हैं ग्रंस समी के के ही रे दशबंदर के तक हरे ५ की र ७५ कही हैं लि करने दर्भ करी वहीं के के श्रंतनीत हैं।

इंडाइ/!!!!

... ६४ -- ६५,११ - ११,११ -- ६५,१९ -- ५१, देण्ट **४** सं (१--५१)

. १४-२४ प्रमुर्वेझ होसबै शुरू २०० २५६, ११६ २२१ ८५४ पर परिते ११ वर घरणीय बेगर शरकोग्स है १० रक्का रहाको १

### वारहवां अभ्यास

र-- ग्र व स द इ एक पञ्चभुजक्षेत्र हैं, नीचे के निर्दिष्ट सेउ का क्षेत्रफल एकड् 🛚 निकाला—

व इ - १२५ जरोव, स इ = १३६ जरोब, च बीर स से व इ के लंब कम से ध३ बीट २९ जरीय हैं बीर द से स इ पर का र

२१ जरीय है। २— त्रवत दह क्षेत्रका क्षेत्रफल नीचे दिय ह्य निर्दिष्ट

वताम्रो---भ द≕२५० जरोब व प, स उ द्यार इर, भुज स द पर लंब

मीर व प = ११०, स उ=९५, ग्रीर इ र=२४ जरीव, मे म प = १०, सार द उ = ३९ जरीय।

३—च व ा द इ एक पञ्चभुज ही में।र ख, व में।र स समके। हैं, भगर च व = ७५ फ़ीट, व स = ६८ फ़ीट, स द = ४० फ़ीर घर≕ ५६ फीट, ता उस शकल काक्षेत्रफल बीर द १ व संवाई निकाला ।

४-एक चतुर्भु ज खेत का एक भुज २५० गज़ है पीर साम के के नों से लंब १३५ बीर १२५ गज़ हैं, पहिले लंब का पाधार <sup>दिए</sup> हुए भुज के सब के नज़दीक के सिरे से २४ गज़ है, धार दूस लंग का पाधार दूसरे सिरे से ३२ गज़ है ता रक्षा पतलागी

५ — भ्रवत रहफ ज्यक विषमयहुभुअसेत है मार अ व सं, द द, इ इ, फ फ, कर्यें सज पर लंब हैं, यदि ज फ= १५ फीट पह = ३५ फ़ीट, इद = ४८ फ़ीट, ह द = १२ फ़ीट, अ प = २४ फीट, व म = २५ फीट, व फ = १८ फीट, इ ह =४४ फीट,

- १२ फ़ीट, ब ध=१० फ़ीट, ब स=५४ फ़ीट, ता इसका • बताघो ।

अवसदर्कषक पटमुक होत्र है बीर भव, व उ. इर इ श कर्ष स फ पर लंब हैं, स फ= ७५ फ़ीट, अ व = २३ फीट, ष उ = ३२ फ़ोट, द र = ४२ फ़ोट ६ ग्र = ३८ फ़ोट,स र = १० फ़ोट,स उ = १२ फ़ोट,फ प = १८ फ़ोट,फ ग्र = १६ फ़ोट,ते। इसका क्षेत्रफळ बताघो ।

७ — घरतर द सेत के अुज कम से दिय दूप है, याने प्रय-६५ मत्, दत = १६६ मजु. तर = २०४ मजु. रर = २५२ मेजु पीर र = ७५ मजु. पीर कर्जंदर = २० मजु. पीर तर्द = १२० गज, तो इस सेत का श्रंपफल निकाला ।

८—एक पश्चमुझको घशवतद के कर्या शद को छंगाई पर छुंगाट है पीर इस्त कर्या पर के छंगाई गृत हुन गुज्ज मास से प्रप, देरे दे पीर इस्त कर्या पर के छंगाड़ है। असे वे छंग्र कम से देरे है, रेदे पीर ४५५ पृति के धेतर पर उस कर्य से मिलते हैं तो क्षेत्र का दे पर जात कर निकाला है। है के सा से पर कर निकाला है। है पित से मिलते हैं तो क्षेत्र का प्रभावता है। है पित से पर कर निकाला है। है पित से पर कर निकाल में पर के पर कर निकाल में पर के पर कर निकाल में पर क

गए हैं, धीर भी वस = ७६, धीर वन - ५१६ कड़ो, धीर संपूर्ण रेखा वर ९९९ कड़ो हैं. तो धवस द क्षेत्र का संघणल निकाले।। दिसलाघो कि यहां कुछ निर्देष्ट प्रतयेक हैं। १०—नीचे दिस द्वस निर्देष्ट से घवन द द सञ्जासक्षेत्र का

र्रे प्रपाल यताची— अ व = २१००, व स= ४५००, स र= २२०० र द= ३४००, छ र

= २४००, पोर कर्ण स त= १०००, पोर स र= ५०००। ११—- याकल १९ युक्ति ४२ में अव त द १ प. का रक्या क्या है

्राक्ष धरेश अव तद इ.स. च्यादा धरेश अव तद इ.स. का दक्षा क्या है जब कि द व = १० फ़ॉट, इ.स. - ८फ़ीट, फ कः — १५ फ़ीट, अ क्य = ३० फ़ॉट, घ त≔ ५ फ़ीट, त य= ६ फ़ीट, घ द= २६ फ़ीट, इ.स. - १६ फ़ीट, इ.फ. = २ फ़ीट । इ.स. - फ़ीट अट अटक - ४८ चें - - ४८ चें -

{र—पुति ४२ राक्त १८ में घवसदहक का क्षेत्रफल निकालें। सब किस क = २९ फोट, स्व = ९ फोट, व प = १० फोट, प द=१ फुट, य द=२६ फोट, इ क = ९ फोट, स द = २० फोट, य प = ६ फोट, स व = २६ फोट,

### आठवां प्रकरण कोनां के विषय में

8 ३ — कोनों की साप — रेखानांचत में केत का देमांगा मालूम करने के लिये स्मिक्त समकोन ही लिया गया है पीर उसका पैताल प्रवासिक्त ११) बीर वह समाविक ही से बहुत सोधा केत को माप है। इस सब से स्वामादिक पैमाने के सियाय गणित्कार लेग तीन बीर पेमानी के का मा में हम चपने के चंदा पीर उसके मांगा मिता मा हो से यानों के तियाय गणित्कार लेग तीन बीर पेमानी के कि का में हम चपने के चंदा पीर उसके मांगा मिता मा हो से यानो चंदा (जियो), बेड, बीर रेडियन से चपना काम करेंगे।

भेश समकोष का ९० यां हिस्सा है थैतर पंदा का ६० वां हिस्सा मिनट (पल ) ग्रेंगर मिनट का ६० यां हिस्सा सेक्री (विपल ) कहलाता है। भेदा, पल भेरा विपल कम से ° ' देते चिन्हों से दिखाए जाते हैं, इस तरह से ५९ भंदा १८ पल 15

घिपल ५९° १८' १७° लिखे जाते हैं।

प्रथम-कान जो कि मिलकर एक समकीन बनाते हैं प्राप्त में कोट कहलाते हैं पीर हर एक केशन दूसरे की केटि केन कहलाता है। इस तरह से ३०° धीर ६०° कोटिकोन हैं धीर इसी तरह से थ धीर ९०° -य केटिकान कहलाते हैं। पार केशन मिलकर दें। समकीन बनावें तो ये चापुस में गुरु कर आते हैं धीर हर एक दूसरे का न्यूनना पुरक कहलाता है। इस तरह से ६०° धी १२०° पुरककीन है धीर थ धीर १८०° -- म मी पुरक कान हैं।

पुरु-हर एक त्रिमुत्र के तीनों केन मिलकर दे। समहोत या १८०° होते हैं धीर न संक्ष्या के सुत्र चाल बहुसुत्रक्षी के त्र केन्त्र मिलकर २ ( न-२ ) समकेन के या १८० ( न-२ ) कंटी

के बराबर देशने हैं।

इसिलिये किसी ल भुजों के क्रांमिक यहुभुज क्षेत्र में इर एक कें।न<sup>(त)</sup> समके।न या <sup>१८० (त-२</sup>) मेदों के। रखता है। स परिभाषा—यहुभुजकों व कांक कहा जाता है जय कि उसके

सब भुज धार कान बराबर द्वाते हैं।

#### तेरहवां अभ्यास

१—(१) एक समिषवाहु विभुज, (२) एक वर्ग, (३) एक समिषवाहु विभुज, (२) एक समिक सार-क्रांमक एंबसुज, (४) एक क्रांमक परभुज, (५) एक क्रांमक सार-भुज, (६) एक क्रांमक परभुज, (७) एक क्रांमक नैशुज, (८) एक, क्रांमक दराभुज, (२) एक क्रांमक एकादराभुज, (१०) एक क्रांमक, द्वादराभुज, (१६) एक क्रांमक एंबदरा भुज, (१२) एक क्रांमक पोस भुज के क्रांमी के चेंद्रा में निकारी।

२—नीचे दिए हुए समकाय के दशमलवां का ग्रंश, पल ग्रीर

दिपहे। में दिखलाची—

(१).004, (२).00१२५, (१).0२, (४). ३३१, (५).000१।

३--नीचे लिखे चंदा, पल, चादि का समकाण के ददामलय में टिखलाची--

(१) ध२° २८' तट', (२) ध॰ ०' १८', (३) धध॰ १६' ध८'' ध—सिद्ध करा कि घगर न भुजों के बहुनुज सेंच के भुज दोनों तरफ यदाय जांच कि यक स्तियार को दाकर वन जाय तेर हर यक घन्यान्यानुगामी जोड़ों के प्रष्य के केंग्रेंग का येगा २ (त-ध) समकेशच है।

५—दिखलाघो कि नीचे दिए हुए बहुभुज कॉमक से वॉ के प्रत्येक समृद्ध में ४ समक्षेत्रों का योग है—

(१) ६ समित्रवाहु विभुज, (२) दे वष्टभुज सेतर १ वर्ग (३) दे पटभुज सेतर दे समित्रवाहु विभुज, (४) तीन षटभुज, (५) दे पंचभुज सेतर एक इटाभज।

१—एक क्रमिक यहुमुजक्षेत्र का बाहरी के। खएक समके। व का चै।थाई है ता वहुमुज झे व में मुजें। की संस्या क्या है।

७—एक समिद्धिवाहु त्रिभुज का एक कीन १२०° दिया हुवा

है ते। दूसरे को नें। का निकालै।।

८—एक त्रिभुत्त के दें। कीनक्रम से १७° १८' ५९" ग्रीर १९

१९' १८" हैं ते। तीसरा कीन निकाले।।

९--१०० भुतों के कमिक बहुभुज सेव के प्रत्येक कीती में

कितने चंदा हैं।

१०-एक समकेश्व त्रिभुज का एक न्यूनकेशन ४३° ३४ ५७.५" है, दूसरे न्यून कान का मान निकाली।

११-- एक समिद्रवाधु त्रिभुज का शोप कान ३५ ° ११ ४८ है

ते। कितने ग्रंश पल विपल प्रत्येक दूसरे के।नों में हैं।

१२—एक पट भुझाकार कमरे की प्रत्येक मुज १५ फीट है ते सिद्ध करे। कि गद्य के पञ्चीकारों के काम के लिये ७ पटिया का<sup>ली</sup> संगमरमर की हर एक क्रमिक यटमुजाकार ग्रीर १२ परिया सक्तेद संगमरमर की हर एक समिववाडुविभुजाकार काफ़ी हे।गो, पटभुज थै।र समिषवाह्यिभुज को हर एक भुज ५ कीट के बराबर हैं। साहदय रूप सं प्रतिमा का खींचा।

१३ — एक समक्रोनित्र भुक्त के दे। न्यून कानी का संतर १५

१६' है ते की की की निकाला। १४—एक त्रिमुज एक केरन दूसरेदी की नी के येरा का बाबी

<sup>2</sup> ता उमे यतामी। १५-एक मधु मक्ली के इसे का मुंद कमिक पटभुती के

है, साबित करें। कि यह गणिन में मुमकिन है। १६-एक मक्स्रो की लाल जब खुर्द्योन से जांची गई ते

दन् मार समिववाद्वामुझी के बरावर संख्याचा की मृय सूरत दाकल माल्म इदें। इसे गोंचा चार दिखलाणी , गांधत में शुद्ध हैं।

### नवां प्रकरण मिश्रिन माध्य।

स्ट्र— कामनाकारी कि स्थान स्थल स्थल स्थल है जिल्ला है से स् कोन प्रसापत स्टब्स्ट्रिया स्थल देखें ज्ञान है से सिंहन स्टब्स्ट्रस्ट्रिया स्थल देखें ज्ञान है स्

म्बद्धिस – भागेत्वरच्चे भागीतः भी सम्बद्धाः

च र≕ <sup>भी</sup>च (युश्ति ४०



िन्यम् — प्राप्तः स्वापनीया त्रिशृतः से एव चेत्रतः १०१ देशते। इत्य वालव स्थापने वश्युतः आध्ये वर्षाः स्व भीरता भूतः — — १० वणः सीमः वतः शुक्ता साध्यवः इत्यत्ते स्वापने साधिवकार चेत्रा — १० स्यूत्रवरः इत्या साहित्यः वे विश्वकार सीमा

च्यार समयोग दिनुत का क्षां एवं गुज हा - मार्ग रोजा का का

हुआ हो तो इस भुत्र हे सामने का होता । १०० । स्टार्वित के स्टिन्टियन हुए सम्बद्ध कर हे स्ट

Inubt as extente nitin entag.

प्रकार । व्याप्त के किया कि क्षांत करा व काल देश हैं कर में अस्य १ १ १ मार्ग देशी हिस्स के का का क्षेत्र कर का का

\$170 62 60 450 60' 55 m 66 56 5 \*\* 5 \*\* \*\*

\$ \pi \pi \pi \quad \qua

( 00 ) नियम—त्रागर एक त्रिमुज के प पार श्रंतर्गत कोन ३० है तो क्षेत्रफल =; ४८—उदाहरमा २—पहिले उदाहरमा में कीन ६०° है ता क्षेत्रफल निकाला। यहां युक्ति ४६ से ब द = बद x -∴ स्विक्तल = र् × १६ × १५√३ = ६० √३

नियम-त्रगर एक त्रिभुज के प्रधार व भु श्रंतर्गत कोन ६०° है तो क्षेत्रफल = रूड प ४६—उदाहरगा ३—पिंदले उदाहरण में बगर कीन ४५० है ती से अफल बतायी। यहां युक्ति १९ से यह चयुन् ४ १ — १५ ४ २ — ४ २ ंक्षं अफल कर्न् × १६ × १५ रू = ६०√२ नियम—यदि एक त्रिमुज के च व स्वों का बन्तर्गत के है ते। हो अफल= ४२ च छ

सकल २२

37

—शक्ल २२ में यदि <sup>व</sup> ८, ८ स में वरावर चीर एक ही सीघी

हैं। ते। त्रिमुज व य द भीर म य द . . में यराबर होंगे। चय व यद चीर

द त्रिमुजोमसुज गई मीर द अक्रम संद धीरद म मुनों के बराबर हैं चीर व



( (00 ) नियम—श्रगर एक त्रिभुज के च बीर व भुजी श्रंतर्गत कोन ३०° है तो क्षेत्रफल = ३ म ध। ४८--उदाहरमा २--पहिले उदाहरण में प<sup>ि</sup>र काेन ६०° है ता क्षेत्रफल निकाला।

यदां युक्ति ४६ से बद = बद× -∴ श्री बफल = १ × १६ × र्प्प√३ = ६० र नियम-श्रगर एक त्रिभुज के च मैार

श्रंतर्गत कोन ६० है तो क्षेत्रफल =े

**४६.—उदाहरगा ३**—पहिले उदाहरर

कोन ४५° है ता से अफल बताघोः।

यहां युक्ति १९ से च द=च व× रू=

∴क्षेत्रफल=३×१६× <del>१९</del>=

नियम-यदि एक ि

**४५° है** ते। स्रे

चापुस 🖺 रेघा में परिभाषा—शकल २४ में श्रद, श्रव का श्रवपर वांहर्ल का कहा ता है चेतर वद, वस का श्रव पर वहिर्ल्डवन कहा जाना है। निषम—ग्रगर किसी समकोन त्रिभुज में समकोगा से ग्री पर लंब खींची जाय तो लंब पर का वर्ग बराबर है

र्त्ता के खराडों के धन्तर्गत श्रायनके, श्रार समकोग्रा बनाने ाने भुजों में से किसी एक पर का वर्ग बगवर है कर्ता के र्तिर वसके स्थान के श्रदन्त्रीत सामक के जो दस अब के

ग्रेर उसके खगड के खन्तर्गन यायत के जो उस भुज के गरस्प है (याने जो उम भुज का कर्मा पर वहिलं वस है)। उपाहरस्य—राकक २७ में भगर च र=२० प्रोह, वर

उपाहरण्—शब्स न्या धनर च र=२७ प्ताह, र = ३ प्ताह, ता त र, सवधार च स निकाला ।

तह= र रे७ र = ४ ज़ीट. व स : र ३० ३ = <u>२ र १०</u> तीट, च त = र ३० × २७ = ९ र १० जीट ।

५५-फिर २४ शकाल के सामाध के दस पात है।

 $= \left(\frac{s \cdot t_1 \pi \Delta t \cdot \pi \cdot s \cdot \omega}{s}\right)_s = \frac{u}{s} \frac{d}{s}$   $= \left(\frac{s \cdot t_2 \pi \Delta t \cdot \pi \cdot s \cdot \omega}{s} + a \cdot u\right)_s$   $= \frac{c \cdot u_g}{s} \cdot a \cdot u_g \cdot a \cdot u_g$   $= \frac{c \cdot u_g}{s} \cdot a \cdot u_g \cdot a \cdot u_g \cdot a \cdot u_g$   $= \frac{c \cdot u_g}{s} \cdot a \cdot u_g \cdot a \cdot u_g \cdot a \cdot u_g$   $= \frac{c \cdot u_g}{s} \cdot a \cdot u_g \cdot a \cdot u_g \cdot a \cdot u_g \cdot$ 

=  $22\frac{3}{4}$ °; मान लें। कि य स=क ते। स स=क, अ य= स द = क  $\sqrt{2}$ , स द = क + क  $\sqrt{2}$  = ( $\sqrt{2}$  +  $\sqrt{2}$ )  $\therefore$  यद =  $\sqrt{2}$  कि  $\sqrt{2}$  +  $\sqrt{2}$  +  $\sqrt{2}$   $\sqrt{2}$  कि  $\sqrt{2}$ 

उदाहराग — यक पेड़ के जड़ से १०० फ़ीट पर सरे के उंचाई का केान ६०° पाया गया तो पेड़ की उंचाई वहां शक्त ४ जुक्ति १६ में वस = १००, < व = ६०°, यय युक्ति ४६ से बस / 2 × वस

ं उंचाई = १०० √३।

५४—मान लें। कि जब त एक समक्रोन त्रिभुत है जि स कोन समक्रोन है, त से जब पर लंब त द खोंचो।

रेंखागियात २.१४ साध्य के प्रमाया से यह ज़ाहिर हैं तह पर का यम बराबर है जायत ज़ह × दब के, दब पर यम दोनों में जीन देंगे से सायत ज़ द, दब धीर दब पर का धर्म, मिलकर पराबर है तह धीर दब पर के वमेंगे के येगा के।

स्सिलियं मायत यव × व द=व स अ र पर के पर्ग । उसी तीर पर चायन व म × म द = म स पर परिभाषा—शक्तल २४ में च र, घा का घवपर बोहर्ले बन कहा ता है सीर द र, य स बा घ व पर बहर्लेबन कहा जाता है।

नियम—ग्रगर किसी समकोन त्रिभुज में समकोण से र्गु पर लंब खींची जाय तो लंब पर का वर्ग बरावर है

र्ग्य के खराड़ों के ब्रन्तर्गत ब्रायतके, बौर समको<mark>र्ग्य वनाने</mark> ाले भुजों में से किसी एक पर का वर्ग वरावर है *कर्ग्य* के गैर उसके खराड के ब्रन्तर्गत ब्रायत के जो उस भुज के

गर उसके खराड के श्रन्तगंत श्रायत के जो उस भुज बं गासन्न है (याने जो उस भुज का कर्मा पर वहिर्ल वन है)।

उदाहरण—शक्ल २४ में भगर च र≕२७ फ़ीट, द र = ३ फ़ीट, ते। स द, त व भैार च त निकालो ।

सद=  $\sqrt{20\times s}$ = ॰ फ़ीट, व स =  $\sqrt{20 \times 2}$ =  $2\sqrt{20}$ ਜੀਟ, स स=  $\sqrt{20 \times 20}$ =  $2\sqrt{20}$  फ़ीट।

५५--पिर २४ दाकल के सम्बन्ध से इस पाते हैं।

नियम—समकोण त्रिभुज में समकोण से कर्ण प लम्य खींचा गया है उसके रेसीप्रोकल\*का वर्ग=स्म वनाने वाले भुजों के वर्गों के योग के !

उदाहरस्म⊸शकल २४ में च स≕.३′ फुट, <sup>द स</sup>

फ़ट, से। स द बताची

$$\frac{\zeta}{\zeta \cdot \theta} = \frac{\zeta}{\beta \cdot \theta} \cdot \zeta + \frac{1}{\alpha \cdot \theta} \cdot \frac{\zeta}{\theta} = \left(\frac{\zeta}{\zeta}\right) \cdot \zeta + \left(\frac{\delta}{\zeta}\right) \cdot \frac{1}{\alpha} \cdot \frac{\zeta}{\zeta} + \frac{1}{\alpha} \cdot \frac{\zeta}{\zeta}$$

∴स द= ३= .२ फुट

५६ —यदि किसी त्रिभुज के तीनों मिडियन मालून क्षेत्रफल दर्यापल करे।।

भ व स जिभुज में भ द, व इ, स फ मिडियन एक ही विह् मिलते हैं स विन्दु से तह, वज के समानान्तर खींबी के यदे हुए भाग से ह विन्दु पर मिलता है।

इस शकल के रेखागियत से यह प्रगट है कि स ज व ज≕स ह= ६ व इ, ज ह≃ ६ श्र इ

रसिलिये जब मिडियन मालुम हैं दे। जस ह का क्षेत्रफल मालूम है। परन्तु विभुत स ज ह= त्रिभुत वस त⇔ रे त्रिभुत व वस । इसलिये मिहि• यनें से त्रिमुज का क्षेत्रफल निकालने में इम इर पक मिडियन का द लेते हैं, बेर युक्ति ३१ से इन सम्याइयें। की उस विभुज के भुजाएं करूपना कर के त्रिमुज का क्षेत्रफल निकालते हैं, तव इस फल का चाहा हुमा क्षेत्रफल हाता है।

<sup>\*</sup> हेरा फेरी से होन बाटा या खदल बदल से होने बाला जैसा कि रे मे ज़ादिर होता है।

ज़ के पाधार पैार लम्ब मालूम हो, तो वर्ग का भुज दर्वाफ़

फ़र्ज़ करे। कि श उर इति भुज श व स के भीतर यना हुचा धर्म ार च र विस्तु च से व न पर सम्बद्धीचा नया है। मानते। कि च्या, चाह्महु, बाद्म बाह्महुह नहार = स्ट

चव क्षेत्रपाल च व म = क्षेत्रपालांच श र + क्षेत्रपाल श र ब + पाल दरस + ध्रेचपाल शबर६

३वत - धर ई शाख\धा**द +** ईशाद्र वद+हेट ह

र श + का व⁴

रस+शावा देशाव×भाद+देशाव(वद+गत) द्

T 3 4



पास(च+१) ≔चर्

A REP 製工業

नियम-उस पर्ग का भुज जो किसी त्रिभुज के मन्दर घना हो—

The Fundament

५८-इर एक सम्बोध विभुज उस रेका से के समस्ति से दर्भ के मध्य विन्तु तक क्षीची जाती है है। सर्माद्रवाह विस्त्री वे दिवास है। शबना है।

कत्यना करे। कि ग्रंच स समक्रीय त्रिमुत्र है जिगक ग समकोन हैं₁म घरकोन धनंद≕ र चन के यनाचों, नायद = नद्दीर केन वनद क्ष चारा

. Trant

इसाल येथ द≕न ६० द द धीर विभुद्र थ गर पीर गगः देशों समहिषाहु विभुद्ध हैं। अनुमान चगर ८व∞६० शा विमुत्र<sup>स्त स</sup>

त्रिमुत्र हि सेहर अव-६वत

प्रह—विषमक्षेत्र का शंत्रकर/ शीन यह है। इस यक ऐसे विभूत हैं दे जिसका को अफाउ धेन के श बन्हें मासरीय किया रहा पात्र वका

य प केर कि रह देते. विद्या त देश चह के

ष १ द बहसामामा त्र म र १५ कड़ दूर सक्राप्ट मेर व देंग्र म किल्यों वर मिल्पूर्ट केश्वर्ष्ट्र च दह क्लोबस्य च १६ दिः

3 对 H m FH M #

ित्य रक्टू# ख दरे का क्रांच्छ . 2 产型电子的 · 发 . . . . . . . . . . . . .

### चीदाःयां अभ्यान

र्ग न सक्ता चित्रपुत्र के देश अपूत्र के एक चित्रप्त के प्रति के स्थाप कि के स्थाप कि के स्थाप कि के स्थाप कि क स्थाप के स्थाप के स्थाप कि स्

के.....राम् मिन्नुकुक्त के केर जूनि कर राया कर कर श्रीप्र है हैं। ह हा क्षेत्रवृक्षित कराव कर है का का खान - प्रस्कृतस्य

के विकास समाज्ञ के के अधिक के अपने कर कार्या के हैं है। इसमें के समाज्ञ के अपने के स्थान के अपने के अस्तिक

B) the beginness, sport to be to be than I have be the best fitted as the fitted as th

to the statement to be some the service of \$210.

h distribut de servicio de ser

> \$ \$150 mile \$250 \$1 \$1 \$1 \$1 \$1 \$2 \$1 \$2 \$1 \$2 \$1 \$2 \$1 \$2 \$2 \$1 \$2 \$2 \$1 \$2 \$2 \$1 \$2 \$2 \$1 \$2

ાએ પાંચલિક્ષ્ય અને કુઝ કરા હૈકેક હડ્ડ ફુઝડ્ આ અલાલ્યુલિક અલ્લેક કેટી સામાં આ માટે

ing the theorem of a second se

the setting of the second control of the second to the sec

The state that we will a street and the state of the stat

the feet make arm as a construction of the second construction of the secon

कल्पना करे। कि अव स समके। खिमुज है जिसका के स समकोन हैं;स पर कोन ग्र संद≃व ग्र ॥ के शकल २७ धनामो, ताच द = सद्बीर कोन व सद = ग्रंब स

∴ वद≔सद इसलिये च द≕स द≔व द चौर त्रिसुज ग्रस द ग्रीर वस द देशनी समझ्याह त्रिमुज हैं।

त्रनुमान—धगर <व≃६०° तो त्रिभुजवस द सप्तरिवा त्रि<u>भ</u>ुज है ग्रीर अाव≕ २ व स

पृ६—विषमक्षेत्र का स्रेत्रफल निकालने का व्यवहारि रोति यह है कि एक ऐसे त्रिभुज के मुजों को दर्याफ़ कर है हैं जिसका क्षेत्रफल खेत के क्षेत्रफल के बराबर है।

मान लें। कि चदइ फ ज एक विषमऋजुमुज क्षेत्र है, घ़ इंग्रै

ग्रुफ का मिलादी. धिन्दुद से ग्रद के समानान्तर दव, वेर विन्दु<sup>ज</sup> ग्राफ के समानान्तर जस आर्थिया जिसमें दर्वधीर ज शकल

६ फ बढ़े हुए सेकम से व ग्रीर ∥ विन्द्रग्रों पर मिलते हैं। तेर त्रिभुज श्रव ह ≖विभुत ग्र**द**ह धीर विभूत घ फ स= विभुत श्च ज फ



इसलिये त्रिभुज अवस=शक्ल अटइफ ज! व्यवहारि ी., यह है कि दाकल चद इफ ज को जिस पैमाने में च िंच। ग्रीर दाकल की ऊपर के रोति से बनानने के उपरान्त ग्र स या स च की लंबाई दर्याफ़ कर हो, जिस से क्षेत्रफल घ ! , ग्राद इ.फ. ज) युक्ति २० के चनुसार माऌम है। आप<sup>गा</sup>



१४-एक पतङ्ग के तने हुए १०० फ़ीट नल सेबीर पा के साथ बना हुचा कीन ३० " है तो गुडूी की उंचाई बतार

१५— य व ॥ त्रिभुज में भुज य व धीर य सकम से ६' ९७ फ़ीट हैं भीर मिडियन सक = १२० फ़ीट तो य व श्रोभफल निकाला।

१६— घष ≅ विसुत्त में घप धीर घस सुत्त क्रम से २७ ४५ फ़ीट हें थार मिडियन् घद = ३०-फ़ीट ;वस सुत्र निक्

१७—िमिडियन व ६ धेार स क त्रिश्चुज च व स में कम पे धेार १९५ फोट हें चेार शुज्ज व स≕१७७ फोट ते। क्षेत्रफल <sup>६</sup> चेार ज द मिडियन को लम्बाई क्या होगी।

१८—चगर किसी त्रिभुज के ब्रिडियन कम से १०५, धीर २१९ फीट हाँ ता उसका रक्या क्या है।

१९—पक त्रिभुज के बाधार बीर लंब कम से २५ मैं। प्रीट हैं तो त्रिभुज में यने हुए वर्ग की भुज निकाले। जय लि को एक भुज त्रिभुज के बाधार पर पड़ता हो।

२०—ताजमहरू के एक धरहरे को परिछांदी की लंबाई ५ फ़ोट है, धरहरे की उंचाई क्या होगो जब कि सूर्य की उंचा कान ६०° है।

## मिश्रित उदाहरण

१—एक १५१ गज्ञ छावे द्वीर २८० गज्ञ चौरेड प्रायताकार बहलाने की फुल्याड़ी के हर एक कोनों में एक त्रिभुजा फूलों की कियारी है जिसकी दे। बराबर मुजाएँ हर एक गज्ज हैं, इन फुलों की कियारियों की निकाल देने से कितनी 3 याको रह आती है।

२—दो प्रगिनवेाट एक ही समय एक ही वन्दर से चले, उत्तर, उत्तर-पश्चिम की तरफ़ फ़ी घंटा छः मोल के हिसा दुसरा पूरव, उत्तर-पूरव को तरफ़ फ़ो घंटा ८मील के हि रते ! ३—पक दालान ५० फ़ीट लम्या धीर ४ गज़ चीड़ा है पीर की पिछले दोवार घगको से ५ फीट ज्यादा ऊर्चा है ते। अन के ऊपर के ढालुप इत का झेवफल निकाले।

४—५ फ़ीट ४ इञ्चलस्य चादमी की काया दो फ़ीट है ते। तयानगरम चरहरे की उँचाई क्या होगी जिसकी काया उसी स्य ७५ फ़ीट की पड़ती हैं। [युक्ति २]

५—एक प्रकार की चीड़ाई २७ फोट है था चोलती (चीरी) उँचाई २५ फोट छीर दिखा की उँचाई ४५ फीट ईं तो प्रकार एक पाखा का रक्या दर्याक्षत करें।

६—यदि १८ इञ्च चीड़ाई का १५६ ३ गज़ काग़ज़ यक कमरे | दीवारी के मढ़ने में छगाया जाय ते। कितने गज़ काग़ज़ २० इ चीडा उन्हों दीवारी के मढ़ने में छगेया।

य पांड्रा उन्हां प्राथमिक अकृत न करणा 9--४४ विड्रांकियों के लिये जो हर यक ९ फोट सम्बी धीर फ़ोट ६ स्म चीड़ी है हर यक ९ स्म सम्में ७ इस चीड़े शीरी परकाले कितने स्तींगे।

प्राट पाड़ा हुई। घार कमराक क्षेत्रकल न किनना घायक्त गाजव कि इनमें ने दर एक का विलाद ऊपर के विलाद ग्राधा है।

९—२६ फ़ोट ९ १श्च वर्ग खीब के वक मुझ के पान पास पक्ष गईडी ५ फ़ीट दीख़ी बनी है ते। बतायों कि फ़ी बर्ग गझ ४ पाने दिसाप से दोप खीक में परवर बिहाने में क्टा सूर्य पड़ेगा।

े दिसाय से दोप बीक में परयर विदाने में क्या एवं पड़ेगा। १० — यक कमरे का मंडल ६७ पीड़ा धीर उवाई १६ पीट है शिर उसमें ८ पीट कंचा ४ पीट थीड़ा यक दरवाड़ा थी। हर १० पीट रॉबी में ३ पीट ६ इस बीड़ी ४ पिड़कियां हो से हर गैट बीड़ा कागृज़ किस कुर उसके दोसारों के महने में स्टीग़।

११—एक समकोन त्रिभुज का ग्राघार ३०० फीटघोर वाकी दी भुजो का याग १८०० फीट है तो इनकी लंबाई क्या होगी। १२ — च प स द एक चतुर्भु जाकार खेत में किसी रकावर के

कारण सिर्फ़ नीचे हो की माप ले सकते हैं।

वस = २६५ गज्ञ, च द=२२१ गज्ञ, कच च स = २७६ गज्ञ चै। र उस कर्ण के मेतों से वह चे। र द छ छों के ग्राघारों के हूरी याने घर=११२ गज़ स्रीर सफ=२३६ गज़ा ती क्षेत्र फल बताची ।

१३ -- एक बायताकार कमरे की उँचाई ची खाई से दूनी है पे लंबाई उँ वाई से दृती है, चगर ६ चाता की वर्गगड़ के हिस से उसके फ़र्श के गंच कराने का ख़र्च ३७५ हु० दिया है। कमरे का विस्तार निकाला। यह भी यताची कि की १०० फ़ीट १ रु० ४ बाने के हिसाय से दीवारों धीर भीतरी हर

पाताने में कितना खर्च होगा जय कि दीवारों के क्षेत्रफल पांचर्या हिस्सा दरवाजों इत्यादि के यजह से निकाल दिया ज १४-किसी समकेत त्रिमुज का कर्ण २१२५ फीट

बाधार उँचाई का 🐫 है तो त्रिभुज का श्रेत्रफल क्या होगा १५-एक वर्गाकार सांगन का कर्ण ६६ फीट है ते। प्र वर्ग गज् ३ २० १२ चाने के हिसाय सेउस चांगन में कंकड़

का सर्च क्या होगा। १६-- यक त्रिमुज की भुजाद ३४६५ थे। ३३४४ थी कीट हैं ता त्रिमुत्र का क्षेत्रफल वर्ग गज्ञ में बतायों।

१७-- चक चतुर्मुज अवसदमं स्रव=१७५, वस= सर = २६१, दश=३५७, धार कर्ण चरा = ६००, १

निकारे। 1 ते में से किस कृदर 化一个计划中部中的 र्त गल है। । काट ही जाये कि उसकी ह



२८—एक २२ फ़ीट लंबे २० फ़ीट बीड़े वा १३ फ़ीट उंवे कमरे के। 👣 गज़ चै।ड़े कागृज़ से मढ़ने में कितने कागृज़ है

जद्भरत होगी।

२९--एक वर्ग का मुज १०० फ़ीट है, इस वर्ग के भीतर ए भुज के देानें। सिरों से एक विन्दु कम से ६० फ़ीट ग्रीर ८० फ़ीर दूर लिया गया है ते। इस वर्ग के चारों कोनों तक इस विन्दु है जोड़ने से बने दुए चार त्रिभुजों का क्षेत्रफल निकाला।

३०—समलंब की समानान्तर भुजाएं १५७ ६ मिटर पेर १ मिटर हैं थार उनकी मध्य लंबकप दरी ७२ मिटर है ता स्स

कितने वर्ग मिटर हैं।

३१ - एक चौक का क्षेत्रफल १३ एकड १०८९ वर्ग गड़ है। यदि यह चैक वर्गाकार है। ते। की घंटा २१ मील के हिसाब है इसके चारी तरफ चलने में कितने समय की ज़करत होगी।

३२—एक विपम कान समचतुर्भ ज का क्षेत्रफल ३५४१४ वर्ग फ़ीट है थार एक कर्ण ६७२ फ़ीट है, ता दूसरा कर्ण, छा

एक भुज को लंबाई, ग्रीर उँचाई निकाला।

३३ - हाद्यामलव की रीति से उस चायत का क्षेत्रफ निकाला जिसकी लंबाई ९ फीट ९ इस १० वारहवा या बाजा ४ फीट ६ इझ ७ बारहवां है।

३४— एक त्रिभुज काक्षेत्रफल क्या होगा जब कि उसकी

्रभुजापं १४.८ गज, १५.३ गज, वेर १७.५ गज हैं।

३५-२६ फ़ीट लंबी बार १८ फ़ीट चाड़ी काठरी में बालिक ८ पेन्स की गज़ के हिलाय से २७ इश चीड़ी दी धाने का सूचे निकाला।

३६-एक मायताकार खेत की मुजाए करीक के स्के ाना) से यक नक्दों में .६५ था.७२ इझ खाँची हुई होती हैं।



मी दर्गातन करे। २८-- एक २२ ज़ीह संबे २० ज़ीह बाहे थे। १३ जीट के बमर्द की 🔩 गल बाहि बागल में महने में किनने बाएत्। जहरम है। थी।

२९-- यश वर्ग का मुक्त १०० लीट हैं, इस वर्ग के मौतर र भुक्त के देशों। सिरी के यक बिन्यु क्रम में ६० क्रीट बीर देन प्री हर लिया गया है मा इस वर्ग के बारो केली तक इस बिग्रु। शीहते से बने पूज जार विश्वती का क्षेत्रफल विकासी। ३०--स्तरानंत्र की सामागामार भुजापे १५०६ मिटर मेरि १

मिटर हैं थार उनकी मध्य लंबक्य दूरी ७२ मिटर है ता इस बिनने पर्य मिटर है। ३१ – यक कोक का क्षेत्रफल १३ यक्ट १०८९ वर्ग गत् है यदि यद याक वर्गाकार दे। ता की ग्रंटा २३ ग्रील के दिसार

इसके पारी सरक चमने में किनने समय को जनरत देगी। ३२—एक विपम कांग् समयतुर्भु ज्ञ का क्षेत्रफल ३५४१० यर्ग फोट है थे।र एक कर्ण ६७२ फीट है, ते। दूसरा कर्ण, इसं

यक मुत्र की लंबाई, धार उँचाई निकाला । ३३ - छाददामलय की रीति से उस चायत का हो प्रपट् निकाले। जिसकी लंबाई ९ फीट ९ इस १० बारहवा दे। बाड़ा

४ फीट ६ इझ ७ बारहवां है । ३४— २ क त्रिभुत का क्षेत्रपाल क्या देशगु जब कि उसरी भुजापे १४.८ गज, १५.३ गजु, वा १७.५ गजु हैं।

३५-२६ फ़ीट लंबी बीर १८ फ़ीट चाड़ी काडरी में।

शिलिङ ८ पेन्स की गज़ के हिसाब से ६७ इस दी हो हो विद्याने का गर्च निकाला । ३६-एक यायताकार रोत की गुजाए पररे र होत

ो से एक नकुदों में .६५ था.७२ इस खोंचो हुई होती हैं.







४४—एक धर्म याटिका का भुज ५० गज़ है पैार ५ यरावर चौड़ाई का एक रास्ता इसके बाहर बना हुमा है। रास्ते के हहों पर पेड़ छगाए जांच ता फ़्रो छगातार फ़ुट दे। के हिसाव से क्या छागत होगो।

४५— अवसद खेत का क्षेत्रफल एकड़ मॅलागे। = ३९० गज़, वस = ३७० गज़, अस=४०० गज़, अद=१३० धीर सद=२५० गज।

४६—एक प्रायताकार वाग माप में ३६ गज़ २ फ़ीट ९ लम्या प्रार २४ गज़ १ फ़ुट १०१ हज्ज बीड़ा होता है । ब षाहर की घोर खारों तरफ़ ४१ फ़ीट बीड़ो प्रार मीतर प्रोर ६ फ़ीट चीड़ो राहों के झेंत्रफल में क्या फ़र्क़ होगा।

४७ — एक समानान्तर चतुर्भुक की दे। भुजाएं १०. १२ १५. ३५ फ़ीट हैं थीर उनके कोच का कोच ३० है। सेंबर

थताया। ४८—प्रमाज का एक वर्ग खेत १० एकड़ है, यदि। किसान ५ फ़ीट फ़ी छवन के हिसाय से उसके वर्गाण प्रमाधन कर छंटे ते। बतायों कि यह सोहाडी प्रमुं कर सहस्र

पून पून कर लगे ते। बताची कि वह तोन चीथाई शें कफल हा में के फरा लगाविमा। ४९—एक त्रिभुजाकार खेत का चाधार १२१० गज़ है भ

४९--- एक त्रिभुज। कार खेत का याधार १२१० गज़ है भी उंचाई ४९६ गज़ है। यह सालाने २४८ पेडिके लगान पर प्रसा को दिया गया है ता की एकड़ लगान दयक्ति करें।।

५०—१५ फ़ीट ८ इझ लम्बे वा ११ फ़ीट ३ इझ चीड़ेकारे विद्याने के वास्ते हैं गज़ चीड़ी किस क़दर चटाई लोगो वार प गज़ ६ घाना के हिसाब से क्या लुचे होगा।

५१-एक पायताकार मैदान एक मील लम्बा १५०१ में चाड़ा है, पगर इसके एक कोने से छोटे मुज तक एक के बनाया जाय कि ४६२ एकड़ ज़मीन घलग हो जाय ता घेरे के लम्याई बतामी।



४४ — एक वर्गधाटिका का मुज ५० गज़ है मैार्५ यरावर चोड़ाई का एक रास्ता इसके वाहर बना हुमा है। रास्ते के हहों पर पेड़ खगाप जांय ते। की लगातार क्रुट है। के हिसाय से क्या लागत होगी।

४५ — अवसद खेत का क्षेत्रफल एकड़ में लागी। = ३९० गज्, व स = ३७० गज्, च स = ४०० गज्, च व = १३० धीर सद=२५० गज्।

४६ — एक भायताकार यागुमाप में ३६ गज २ फ़ीट ९ लम्या भीर २४ गज् १ फ़ुट १०२ इञ्च कीड़ा होता है । इर बाहर की बोर बारों तरफ़ ४३ फ़ीट चौड़ी बीर भीतर मोर ६ फीट घोड़ो राहों के क्षेत्रफल में क्या फर्क़ होगा।

४७ - एक समानान्तर चतुर्भु ज की दे। भुजाएं १० ११ १५. ३५ फीट हैं चीर उनके बोच का की या ३०° है। क्षेत्रफ

यताची।

४८ — मनाज का एक बर्गकेत १० एकड़ है, बॉद<sup>्</sup> किसान ५ फीट की छवन के हिसाय से उसके चारों तर घूम धूम कर लवे ते। बताची कि यह तीन चौधाई क्षेत्रफल हरें में के फेरा लगाविगा।

४९-- एक त्रिभुजाकार खेत का माधार १२१० गज़ है गी उंचाई ४९६ गज़ हैं। यह सालाने २४८ वेडि के लगान पर प्रसार की दिया गया है ते। की एकड़ लगान द्यक्ति करे।।

५०—१५ फीट ८ इझ लम्बे वा ११ फीट ३ इझ चीड़े कमरे विक्वाने के वास्ते 🖟 गज़ चै।ड़ी किस कदर चटाई लगेगो बीर 🖣 गज ६ चाना के हिसाव से क्या लुखे होगा।

५१--एक चायताकार मेदान एक मील लम्या १५७१ त चाड़ा है, चगर इसके एक काने से छाटे अुज तक एक छी यनाया जाय कि ध्रद्द एकड़ जुमीन चलग हा जाय ता घेरे हैं लम्याई बतामो ।

को निकाले। ५३—एक समलंब को समानान्तर भुजाएं ५५ वे। ८८ फ़ीट हैं पैर बाको दे। भुजाय रे५ वे। ५२ फ़ौट हैं, क्षेत्रफल बतायो । ५४—किसी स्टेशन के चत्रूतरा के दे। मुज समानालर पीर षाको दे। भुज बराबर हैं, समानोन्तर भुजाएं कम से १०० वा १२० , फ़ोट चार प्रत्येक बराबर भुज १५ फ़ोट है, क्षेत्रफल बता घो । ५५-एक चिभुजाकार खेत की मुजाएं ३५०, ४४० दे। ७५० ,गज़ हैं चौर इसका सालाना लगान २६ पै।० ५ शि० है तो फी पकडु क्या समान होगा । ५६-- एक त्रिभुत्र की तीने। भुत्र ८००, ५००, ११०० कड़ी थे। भूल से तीसरा भुज ११०० के खान में ५०० लिखा गया ता इस भूल से क्षेत्रफल में क्या चशुद्धता होगी। ५७ -- एक विषय के त्या समजतुर्भुज को भुज २० फ़ीट मीर , उसका छोटा कर्ण बड़े कर्ण का है है, क्षेत्रफल निकाला। ५८-- एक समन्त्रवादु विभुज के एक मोतरी विन्तु से तीनें। भुजां पर खाँचे हुए लंब कम सं ८, १० वे। १२ फ़ीट हैं, बिभुज का शेत्रफल पीर भुन्न निकाला । ५९-- एक विभुज की भुजाएं कम से १३०००, ३७००० धीर ४०००० फ़ीट है ता इसके बीट उसी परिमिति के समित्रवाह ह विश्वत के क्षेत्रकरों में क्या खंबन्ध देशा। ६०-- एक त्रिभुजाबार खेत जी माप में ३७५, ३०० थे। २२५ गज़ हैं ८५०० पीं पर येचा गया, की एकड़ दाम बताची ! ६१-- एक वर्ग का क्षेत्रफल २२.२ है तो इसके प्राधे रक्षा

६२--पक विषम केश्च समजतुर्भुज्ञ की भुज्ञ ६६ फ़ीट धीर कर्षे १८ फ़ीट है ते। क्षेत्रफल बीर ट्सरा कर्य बतायो ।

ो के वर्ग की भूज निकालें।

६३--त्रिभुताकार चांगन में कंकड़ विद्याने का खर्च फुट ११ पेन्स के हिसाब से २४३ पीं होता है, बहि। २४ गज़ लंबा हो ते। दुसरे दीनी बराबर भुजों की निक्ष

६४ —३० गज्ञ लंबे धीर १२ गज्ञ चीड़े कमरे के चबूतरे १० फीट लंबे धार ८ इझ चाड़े पटर कितने लगींगे।

६५ - पक समजिवाह जिसुज का क्षेत्रफल १९४३४ फीट है, इसकी मुज निकाला।

६६ — एक बर्ग चांगन का कर्ण ३०० फ़ीट है ते। बर्ग क्षेत्रफल लागो ।

१७ - एक ज्मीन के टुकड़े की भुजाएं क्रम से ४९% ४००, ३०० गज़ हैं। सब स बड़े भुज के बासस के लिंगे ९०" है। एकड़ में क्षेत्रफल बतायों।

६८ — एक चतुर्भुज क्षेत्रकाएक कर्यजीक्षेत्रके तरफ पडता है १४० ई कीर उस पर के छंबी का मंतर क्षेत्रफल बताची।

६९-- एक त्रिमुज के तमाम मुज १६५, २२०, २७५ फ राड पार पाल में इसका क्षेत्रफल निकाला।

७० -- एक सायताकार चैकि का क्षेत्रफल ३६० वर्ग ग मीर उसके मुजी का संबंध १: ४४ है। एक बराबर में का फर्रा उस चै।क के दे। मासन्न भुतों के साथ बना हुमा है चैक के क्षेत्रफल का माधा है। सिद्ध करा कि फ़र्श की चै ध गज़ है।

७१-एक त्रिमुज की मुजाएं जिसकी परिमिति ४६२! ६, ७ प्रार ८ के संबंध से है, क्षेत्रफल बताची।

७२-- एक फ़र्रा २८ फ़ोट लंबावा २० फ़ीट चाड़ा है, रे।

्हें जिनका√विस्तार पहिछे का चाधा है, पिछ्छे दोनों फ भार पहिले फ़र्रा के क्षेत्रफल में कितना फ़र्फ़ है।

७३-- उस समित्रवाहु त्रिमुज को मुज क्या होगी जिसका क्षेत्रफल उस वर्ग के क्षेत्रफल के बराबर होगा जिसका कर्य १२० फीट है।

४४—एक त्रिभुज की भुजाएं क्रम से १५००, १९०० थीर २३०० कही हैं ता एकड़ रोड थीर पर्च (पेाल) में इसका क्षेत्रफल निकाला।

ं ५५ — फ़ी एकड़ २ पैंड १४ शि० ६ पेन्स के हिसाय से एक पर्ग केंत्र का किराया २० पैंड ५ शिल देशता है ते फ़ी गज़ ९ पेन्स के हिसाब से उस क्षेत्र के चारी तरफ़ इड़ लगयाने में क्या ख़र्च पड़ेगा।

भर्-प्रक रहें की सड़क की उच्चाई ४५१ मील है या कीसत चीज़ाई उस जुमीन की जिसमें यह बनी है ५५ गज़ है तो ज़मीन के माल केने में पढ़ी यकड़ ५० वीठ के हिसाय से फ्या देना होगा।

95—यक संगठायं का एक समानान्तर भुत्र दूसरे समा-गान्तर भुत्र से १ फुट ज्यादः छन्बा है थे। इसकी खेलाई १ फुट है पार क्षेत्रपाल २१६ वर्षा इल है तो समानान्तर भुत्रों का निकार्का।

७८--- एक खेत में जिसकी तीने। मुजाएं परावर हैं की १०० पाफ़ीट ५ पाने के हिसाब से घास लगवाने में ५५ र० ६ पा० ९ पाई खर्च पडता है। इसके एक भुज की लम्बाई बतायों।

७९—एक प्रकात २७ फीट बादा है पीर भूमि स घोलती को पूरी ३३ फीट है पी खपर की क्षयक्व उंचाई १२ फीट है की पूरी ३० फीट है पी खपर की क्षयक्व उंचाई १२ फीट है कि पाय से कितनी स्त्रीगी।

८०—पक त्रिभुत्र की भुजाएं तरतीय से २५,१९ धार ५६ फ़ीट हैं ता उन देगी त्रिभुजी का श्रीवण्ड यताची जिसमें यह त्रिभुक्त सब से बड़े भुज पर सामने के काख से छात्र गिराने से विमाग होता है।

{ << } ८१—एक घन कौ तमाम सतद ३७५० धर्म कीट है ता रसहे

त्नारे को लम्याई दर्याफ्न करे।।

८२-एक पर्ग चीक में ४४ गज़ पर्ग फुलवारी लगाई गई है तसके चारी घोर बरावर चौड़ाई का रास्ता बना है, फुलवारी

ार रास्ते के क्षेत्रफल १६:९ हैं, रास्ता कितना चोड़ा है। ८३-एक २० फ़ोट×१८ फोट कमरे के बीच में १८ फोट १६ फोट नाप की एक दरी इस तरह से बिह्नी है कि चारी ोर यरायर चै। ड़ाई का किनारा छूट गया है तो बताग्रो कि ए

हनारे में ४ शि॰ ३ पेन्स १ वर्ग गज़ के हिसाब से फर्झ विद्याने

फ्या खर्च लगेगा। ८४-पक कमरा माप में २८ फ़ीट×१६ फीट है। इस घ्य में एक तूरानी दरी २४×१२ फीट विह्नो है तो बताई क फुर्श के दीय सण्ड में २० इस चीड़ा टाट किस कर भेगा ।

८५-१२ फोट ६ इञ्च लम्बे ९३ इञ्च चैाड़े तख्ते ५० फी

प्रये १९ फ्रीट चोड़े कमरे में कितने लगेंगे। ८६-- पक चतुर्भु ज क्षेत्र का क्षेत्रफल जिसकी दे। भुजा

मानान्तर हैं १५ एकड़ है भीर समानान्तर भुते का याग २<sup>५</sup> ज़ है तो समानान्तर भुजों के योच की लम्बक्रप दरी निकाली ८७-एक सोड़ो २५ फीट लम्बी इस तरह दीवार पर ला कि उसका सिरा ज़मीन से २४ फोट ऊंचा है थार उसके ठी।

बीच से दीवार के नींव तक एक रस्सी बन्धों है, है े लम्याई दर्याफ्न करे। ग्रीर यह सावित करे। कि उस

के सरकने में राकावट नहीं दाती।

-एक ग्रायताकार खेत १३२० गज लस्या ११५५ गर । क्षेत्रफलएकड् में लाचो चैर उन मागी का भी क्षेत्रफ ा जिसमें एक भुज के मध्य बिन्दु से सामने के कान त

हरे सरल रेखा से यह खेत मुक्ताता है।

८९--- एक कमरा चयनी लम्बाई का दें। तिहाई धीर प्रपने चाई का ब्योदाधीदाई धीर चारी दीवारी का क्षेत्रफळू १९२० गंफीट है ता कमरे का विस्तार बतायों।

९०—िकसी त्रिभुज के भुज माम से २९, ३५ बीर ४८ फीट हैं । उन दी त्रिभुजों का क्षेत्रफल निकाला जिनमें सब से बड़े ।ज पर सामने के कान के लम्ब से यह भाग होता है।

९१—एक कमरे को दोवारों में दो फीट बाड़ा १६० गज़ ग़ज़ ख़तका है। कमरा को उंचाई १० फीट बीर सम्बद्धि, बाड़ाई गो हुनो है ता दवाची कि उसमें १ गज़ बाड़ो दरी को कितनी गवस्यकत होगी।

९२—चगर किसी वर्ग का प्रत्येक मुझ ८ फीट बढ़ा दिया हाय ता इस हए वर्ग का श्रेत्रफल पहिले वर्ग के श्रेत्रफल से १५६ वर्ग फीट ज्यादा होता है, दूसरे वर्ग की मुझ निकाला।

६२ — एक घाषताकार फुटों का बाग २३६ फीट लाया ग्रीर १६० फीट बाज़ है. इसके छोट भूजों के पास ४ फीट बाज़ एक्ता या वड़े भूजों के पास ४६ फीट बाज़ रास्ता शित इसके शेंच में एक दूसरे का काटता हुआ दोतों तरफ़ से ५ फीट बीज़ा रास्ता बना हुआ है तो बताची कि किस क़दर ज़मीन इसमें खेती के चाहते बाज़ी है।

९४—एक त्रिमुज के मुज १२६४, १३४६ चै।र १४३२ कड़ी हैं तो क्षेत्रफल एकड़ रोड पोल में लाची।

९५—एक मायत का कर्ण किसकी चौडाई १०० फीट है १२५२ फीट है तो बराबर से बफल के बर्ग की भन्न बतायी।

९६ — एक कमरे की लम्बाई चीड़ाई से दुनो है। भीतरी इत के सफ़ेदी का लुर्च फी घर्ग गज़ ९ माने के हिसाब से १० द० २ माना है भीर दीवारों के रंगने का लुर्च, उनके हो प्रफल का इटवां माग हार इत्यादि के कारण निकाल दालने पर, फी घर्म प्रहुट ५ माने के हिसाब से १४० द० १० माना है; दीवार की उंचाई क्या है।